

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية  
وزارة التربية الوطنية

دورة: 2021



الديوان الوطني لامتحانات والمسابقات  
امتحان بكالوريا التعليم الثانوي  
الشعبية: علوم تجريبية

المدة: 03 س و 30 د

اختبار في مادة: الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

**الموضوع الأول**

التمرين الأول: ( 04 نقاط )

يراد تشكيل بطريقة عشوائية لجنة تتكون من عضوين من بين ثلاثة رجال  $H_1$  ،  $H_2$  و  $H_3$  و امرأتان  $F_1$  و  $F_2$  .  
نعتبر الحوادث  $A$  ،  $B$  و  $C$  حيث:  $A$  " عضوا اللجنة من نفس الجنس ".  
 $B$  " عضوا اللجنة من جنسين مختلفين ".  
 $C$  " عضو في اللجنة " .

(1) أ. احسب  $p(A)$  ،  $p(B)$  احتمال  $A$  و  $B$  على الترتيب.

ب. بين أن  $p(C)$  احتمال الحدث  $C$  يساوي  $\frac{2}{5}$  .

(2) المتغير العشوائي  $X$  يرفق بكل إمكانية اختيار لعضوين عدد الرجال في اللجنة.

أ. ببر أن مجموعة قيم  $X$  هي  $\{0; 1; 2\}$  .

ب. عين قانون احتمال المتغير العشوائي  $X$  و احسب أمله الرياضياتي  $E(X)$  .

التمرين الثاني: ( 04 نقاط )

أجب بصح أو خطأ مع التبرير في كل حالة من الحالات التالية:

(1) الدالة العددية  $f$  معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $f(x) = x + \frac{2}{e^x + 1}$

من أجل كل عدد حقيقي  $x$  لدينا:  $f(x) + f(-x) = 2$

(2) متالية هندسية معرفة على  $\mathbb{N}$  بحدها الأول 2 وأساسها  $\frac{1}{3}$  ، نضع:  $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$  ، نضع:  $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$

من أجل كل عدد طبيعي  $n$  عبارة  $S_n$  هي:  $S_n = \frac{1}{3^{n+1}}$

(3) الدالة العددية  $g$  المعرفة على  $[0; +\infty)$  بـ:  $g(x) = x + \ln(e^x + 1)$

تمثيلها البياني (C) في المستوى المنسوب إلى معلم يقبل مستقيما مقاربا مائلا  $y = 2x$  معادلة له.

(4) الدالة العددية  $h$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $h(x) = e^{3x} + \frac{1}{3}$  هي حل للمعادلة التفاضلية  $y' - 3y = 1$

## التمرين الثالث: ( 05 نقاط )

المتالية العددية  $(u_n)$  معرفة على  $\mathbb{N}$  بـ:  $u_n = -4n + 3$

1) بين أنَّ المتالية  $(u_n)$  حسابية يُطلب تعين أساسها  $r$  وحدّها الأول  $u_0$ .

2) من أجل كلَّ عدد طبيعي  $n$  نضع:  $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$

أ. بين أنَّه من أجل كلَّ عدد طبيعي  $n$ :  $S_n = -2n^2 + n + 3$

ب. عين قيمة العدد الطبيعي  $n$  حيث:  $S_n = -30132$

3) المتالية العددية  $(v_n)$  حدودها موجبة تماماً و من أجل كلَّ عدد طبيعي  $n$  :  $v_n = \ln(v_n)$

أ. اكتب عبارة الحد العام  $v_n$  بدلالة  $n$ .

ب. بين أنَّ المتالية  $(v_n)$  هندسية أساسها  $e^{-4}$ .

4) من أجل كلَّ عدد طبيعي  $n$  نضع:  $S'_n = \ln[v_0(1 - \frac{1}{2})] + \ln[v_1(1 - \frac{1}{3})] + \dots + \ln[v_n(1 - \frac{1}{n+2})]$

احسب  $S'_n$  بدلالة  $n$ .

## التمرين الرابع: ( 07 نقاط )

I) الدالة العددية  $g$  معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $g(x) = 2x^3 - 2x^2 + 3x - 2$

1) بين أنَّ الدالة  $g$  متزايدة تماماً على  $\mathbb{R}$ .

2) أ. بين أنَّ المعادلة  $0 = g(x)$  تقبل حلاً وحيداً  $\alpha$  يتحقق:  $0,7 < \alpha < 0,8$

ب. استنتاج حسب قيم العدد الحقيقي  $x$  إشارة  $g(x)$ .

II) الدالة العددية  $f$  معرفة على  $[0; +\infty) \cup (-\infty; 0]$  بـ:  $f(x) = 2x - 1 + \ln\left(1 + \frac{1-x}{x^2}\right)$

C) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ .

1) أ. بين أنَّ  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = +\infty$  ثم فيَّر النتيجة هندسياً.

ب. احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ .

2) أ. بين أنَّه من أجل كلَّ عدد حقيقي غير معروف  $x$ :  $f'(x) = \frac{g(x)}{x(x^2 - x + 1)}$

ب. استنتاج أنَّ  $f$  متزايدة تماماً على كلَّ من  $[-\infty; 0)$  و  $(0; +\infty)$  ومتناقصة تماماً على  $(0; \alpha)$ .

ج. شُكّل جدول تغيرات الدالة  $f$ .

3) بين أنَّ المستقيم  $(\Delta)$  ذا المعادلة  $y = 2x - 1$  مقارب مائل لـ  $(C)$  ثم ادرس وضعية  $(C)$  بالنسبة إلى  $(\Delta)$ .

4) بين أنَّ  $(C)$  يقبل مماساً  $(T)$  موازياً لـ  $(\Delta)$  في النقطة  $A$  ذات الفاصلة 2 ثم اكتب معادلة له.

5) بين أنَّ  $(C)$  يقطع حامل محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها  $\beta$  تتحقق:  $-0,5 < \beta < -0,4$

6) ارسم  $(\Delta)$  و المماس  $(T)$  و المحنى  $(C)$ . (نأخذ:  $f(\alpha) \approx 0,87$ ).

انتهى الموضوع الأول

## الموضوع الثاني

### التمرين الأول: ( 04 نقاط )

نحو عشوائيا بطاقة واحدة من الصندوق ونعتبر الحوادث التالية:

**A** "سحب سؤال في الهندسة" ، **B** "سحب سؤال في التحليل" و **C** "سحب سؤال في الجبر يحمل رقماً زوجياً".

١ احسب  $p(A)$  ،  $p(B)$  و  $P(C)$  احتمال الحوادث  $A$  ،  $B$  و  $C$  على الترتيب.

2) احسب احتمال سحب سؤال رقمه مختلف عن 1.

3) المتغير العشوائي  $X$  يرفق بكل بطاقة مسحوبة رقم السؤال المسجل عليها.

أ. بَرَّ أَنْ مَجْمُوعَةَ قَيْمَاتِ  $X$  هِيَ  $\{1; 2; 3; 4\}$

ب. عَيَّنَ قَانُونُ الْاحْتِمَالِ لِلْمُتَغَيِّرِ الْعَشَوَائِيِّ  $X$  ثُمَّ احْسَبَ  $E(X)$  أَمْلَهُ الرِّيَاضِيَّاتِيَّ.

ج. استنتاج قيمة  $E(2021X + 1442)$

### التمرين الثاني: ( 04 نقاط )

لكل سؤال جواب واحد فقط صحيح من بين الأجوبة الثلاثة المقترحة، عينه مع التعليل.

(1) لتكن  $(u_n)$  متالية حسابية معرفة على  $\mathbb{N}$  بحدها الأول 1 و أساسها 2

نضع من أجل كل عدد طبيعي  $n$  عبارة  $P_n$  هي:

$$e^{-n(n+1)} \quad (\dot{\gamma}) \qquad \qquad e^{(n+1)^2} \quad (\dot{\omega}) \qquad \qquad e^{n(n+1)} \quad (\dot{\mathfrak{f}})$$

(2) الدالة العددية  $f$  معروفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $f(x) = \ln(x^2 + 2x + 3)$ . من أجل كل عدد حقيقي  $x$  لدينا:

$$f(-x) = f(x) \quad (\text{d}) \quad f(2-x) = f(x) \quad (\text{e}) \quad f(-2-x) = f(x) \quad (\text{f})$$

$$\text{تساوي: } \lim_{x \rightarrow +\infty} [\ln(x+1) - \ln(x+2)] \quad (3)$$

$$0 \quad (\dot{\gamma}) \qquad \qquad \qquad +\infty \quad (\dot{\gamma}) \qquad \qquad \qquad 1 \quad (\dot{\gamma})$$

(4)  $w_n$  (متالية هندسية معرفة على  $\mathbb{N}$  حدودها موجبة تماما وأساسها عدد حقيقي  $q$  موجب تماما و يختلف عن 1

نضع: من أجل كل عدد طبيعي  $n$ ,

هي متالية:  $(v_n)$

أ) هندسية.      ب) حسابية.      ج) لا حسابية و لا هندسية.

### التمرين الثالث: ( 05 نقاط )

المتالية العددية  $(u_n)$  معرفة بحدّها الأول  $u_0$  حيث:  $u_0 = 0$  ومن أجل كلّ عدد طبيعي  $n: u_{n+1} = \frac{3}{8}(u_n + 5)$

برهن بالترجع أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  : (1)

2) بين أن  $(u_n)$  متزايدة تماما ثم استنتج أنها متقاربة.

(3) المتالية العددية  $(v_n)$  معرفة على  $\mathbb{N}$  بـ:

أ. احسب  $v_0$  ثم بين أن المتالية  $(v_n)$  هندسية أساسها  $\frac{3}{8}$ .

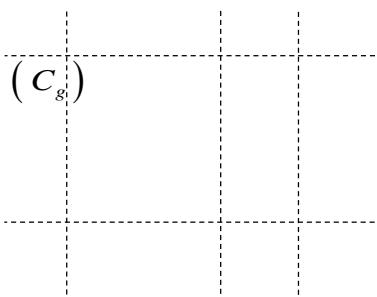
ب. اكتب بدلالة  $n$  عبارة الحد العام  $v_n$  ثم استنتج أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$ :

ج. احسب  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$ .

(4) نضع من أجل كل عدد طبيعي  $n$ :

احسب  $P_n$  بدلالة  $n$ .

التمرين الرابع: (07 نقاط)



(I) الدالة العددية  $g$  معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:

البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  (الشكل المقابل)

أ. احسب  $g(-1)$ .

(2) بقراءة بيانية، حدد حسب قيم  $x$  إشارة  $g(x)$ .

(II) الدالة العددية  $f$  معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:

تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$

(1) تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  غير معروف:  $f(x) = x[1 - (1 + \frac{1}{x})e^{-x-1}]$

ثـ احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ .

(2) أ. بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$ :  $f'(x) = g(x)$ .

بـ. استنتج أن الدالة  $f$  متزايدة تماما على  $[-1; +\infty)$  ومتناقصة تماما على  $(-\infty; -1]$  ثم شـ جدول تغيراتها.

(3) أ. احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - x)$  ثـ فـ النتيجة هندسيا.

بـ. ادرس وضعية  $(C_f)$  بالنسبة إلى المستقيم  $(\Delta)$  ذي المعادلة  $y = x$ .

جـ. بين أن  $(C_f)$  يقبل مماسا  $(T)$  موازيا للمستقيم  $(\Delta)$  يطلب كتابة معادلة له.

(4) أ. بين أن  $(C_f)$  يقطع حامل محور الفواصل في نقطتين فاصلتاهم  $\alpha$  و  $\beta$

حيث:  $-1,9 < \beta < -1,8 < 0,3 < \alpha < 0,4$  و

بـ. ارسم المستقيمين  $(\Delta)$  و  $(T)$  ثـ ارسم المنحنى  $(C_f)$  على المجال  $[-2; +\infty)$ .

(5) الدالة العددية  $h$  معرفة على المجال  $[-2; 2]$  بـ:

تمثيلها البياني في المعلم السابق.

أ. بين أن الدالة  $h$  زوجية.

بـ. بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  من المجال  $[-2; 0]$ .

جـ. اشرح كيف يمكن رسم  $(C_h)$  انطلاقا من  $(C_f)$  ثـ ارسمه.

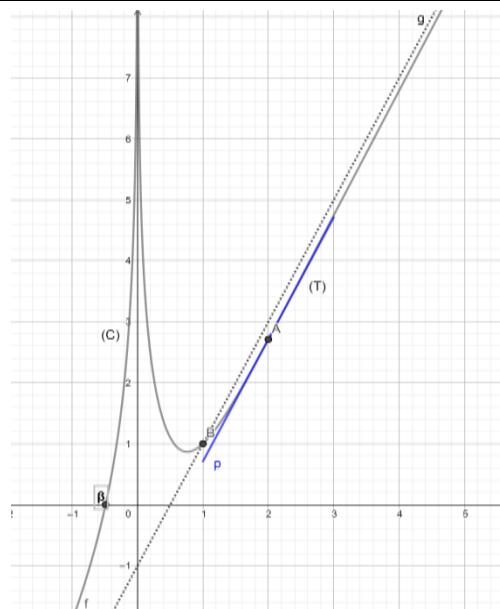
العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)								
مجموعه	مجزأة	التمرين الأول: ( 04 نقاط )								
02.00	<b>0.75+0.75</b>  <b>0.50</b>	$p(A) = \frac{2}{5}, \quad p(B) = \frac{3}{5} : p(B), p(A)$ <p>1. حساب <math>p(A)</math> ، <math>p(B)</math> ، <math>p(A \cup B)</math></p> <p>ب. تبيان أن <math>p(C)</math> احتمال الحدث <math>C</math> يساوي <math>\frac{2}{5}</math></p> <p>(يمكن استعمال شجرة الامكانيات أو الجدول)</p>								
02.00	<b>0.75</b>  <b>0.75</b>  <b>0.50</b>	<p>2. أ. تبرير أن مجموعه قيم <math>X</math> هي <math>\{0; 1; 2\}</math></p> <p>ب. تعين قانون احتمال المتغير العشوائي <math>X</math></p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td><math>x_i</math></td> <td>0</td> <td>1</td> <td>2</td> </tr> <tr> <td><math>p(X = x_i)</math></td> <td>0.1</td> <td>0.6</td> <td>0.3</td> </tr> </table> <p>حساب أمله الرياضياتي <math>E(X) = 1.2</math> : <math>E(X) = 1.2</math></p>	$x_i$	0	1	2	$p(X = x_i)$	0.1	0.6	0.3
$x_i$	0	1	2							
$p(X = x_i)$	0.1	0.6	0.3							
التمرين الثاني: ( 04 نقاط )										
01.00	<b>0,50 x 2</b>	1. صح ، التبرير								
01.00	<b>0,50 x 2</b>	2. خطأ ، التبرير								
01.00	<b>0,50 x 2</b>	3. صح ، التبرير								
01.00	<b>0,50 x 2</b>	4. خطأ ، التبرير								
التمرين الثالث: ( 05 نقاط )										
01.00	<b>0,25x2+0,50</b>	1. تبيان أن المتتالية $(u_n)$ حسابية: $u_0 = 3$ و $r = -4$								
02.00	<b>01</b>  <b>01</b>	<p>2. أ. تبيان أنه من أجل كل عدد طبيعي <math>n</math>: <math>S_n = -2n^2 + n + 3</math></p> <p>ب. تعين قيمة العدد الطبيعي <math>n</math> حيث: <math>S_n = -30132</math></p>								
01.5	<b>0.75</b>  <b>0.75</b>	<p>3. كتابة عبارة الحد العام <math>v_n</math> بدلالة <math>n</math>: <math>v_n = e^{-4n+3}</math></p> <p>ب. تبيان أن المتتالية <math>(v_n)</math> هندسية أساسها <math>e^{-4}</math></p>								
00.50	<b>0.50</b>	$S'_n = -2n^2 + n + 3 - \ln(n+2)$ .4								

التمرين الرابع: ( 07 نقاط )																	
0.50	0.25 0.25	1. تبيان أن الدالة $g$ متزايدة تماما على $\mathbb{R}$ : $g'(x) = 6x^2 - 4x + 3 > 0$ من أجل كل عدد حقيقي $x$															
01.00	0.50 0.50	2. أ. تبيان أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا $\alpha$ يتحقق: $0.7 < \alpha < 0.8$ g مستمرة و متزايدة تماما و $g(0.8) = 0.144$ و $g(0.7) = -0.194$ ب. إشارة (g(x) > 0) على $x \in ]-\infty; \alpha[$ و $g(x) < 0$ على $x \in [\alpha; +\infty[$															
01.25	0.50 0.25 2x0.25	1. أ. تبيان أن: $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = +\infty$ معادلة مستقيم مقارب للمنحي $x = 0$ ب. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$															
01.50	0.50 0.50 0.25 0.25	2. أ. تبيان أنه من أجل كل عدد حقيقي غير معروف $x$ : $f'(x) = \frac{g(x)}{x(x^2 - x + 1)}$ ب. إشارة $f'(x) > 0$ على $x \in ]-\infty; 0[ \cup ]\alpha; +\infty[$ و $f'(x) < 0$ على $x \in [\alpha; 0[$ $f$ متزايدة تماما على كل من $x \in ]-\infty; 0[$ و $x \in [\alpha; +\infty[$ و متناقصة تماما على $x \in [0; \alpha[$ ج. جدول تغيرات الدالة $f$ <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="text-align: center;"><math>x</math></td><td style="text-align: center;"><math>-\infty</math></td><td style="text-align: center;"><math>0</math></td><td style="text-align: center;"><math>\alpha</math></td><td style="text-align: center;"><math>+\infty</math></td></tr> <tr> <td style="text-align: center;"><math>f'(x)</math></td><td style="text-align: center;">+</td><td style="text-align: center;">-</td><td style="text-align: center;">0</td><td style="text-align: center;">+</td></tr> <tr> <td style="text-align: center;"><math>f(x)</math></td><td style="text-align: center;"><math>-\infty</math></td><td style="text-align: center;"><math>+\infty</math></td><td style="text-align: center;"><math>f(\alpha)</math></td><td style="text-align: center;"><math>+\infty</math></td></tr> </table>	$x$	$-\infty$	$0$	$\alpha$	$+\infty$	$f'(x)$	+	-	0	+	$f(x)$	$-\infty$	$+\infty$	$f(\alpha)$	$+\infty$
$x$	$-\infty$	$0$	$\alpha$	$+\infty$													
$f'(x)$	+	-	0	+													
$f(x)$	$-\infty$	$+\infty$	$f(\alpha)$	$+\infty$													
01.00	0.50 0.50	3. تبيان أن المستقيم $(\Delta)$ ذو المعادلة $y = 2x - 1$ مقارب مائل $\Delta(C)$ وضعيية $(C)$ بالنسبة إلى $(\Delta)$ فوق $(C)$ على $x \in ]-\infty; 0[$ و $x \in ]1; +\infty[$ تحت $(\Delta)$ على $x \in [0; 1[$ يقطع $(\Delta)$ عند $A(1; 1)$															
0.50	0.25 0.25	4. تبيان أن $(C)$ يقبل مماسا $(T)$ موازيا لـ $y = 2x - 1 + \ln(\frac{3}{4})$ معادلة $(T)$															
0.50	0.50	5. تبيان أن $(C)$ يقطع حامل محور الفواصل $f(-0.5) = -0.54$ و $f(-0.4) = 0.4773$ $f$ مستمرة و متزايدة تماما															

**0.25+0.25**

**0.25**

**0.75**



6. رسم  $(T)$  ،  $(\Delta)$  ،  $(C)$

المنحنى .

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)									
مجموعه	مجازأة	التمرين الأول: ( 04 نقاط )									
<b>التمرين الأول: ( 04 نقاط )</b>											
01.50	0.50x3	<p>1. حساب <math>p(C)</math> ، <math>p(B)</math> و <math>p(A)</math></p> $p(C) = \frac{2}{9}, \quad p(B) = \frac{2}{9}, \quad p(A) = \frac{1}{3}$									
00.50	0.50	<p>2. احتمال سحب سؤال رقمه مختلف عن 1 هو <math>\frac{2}{3}</math></p>									
02.00	0.50	<p>3. أ. تبرير أن مجموعه قيم <math>X</math> هي <math>\{1; 2; 3; 4\}</math></p>									
	0.25x4	<p>ب. تعين قانون احتمال <math>X</math> :</p> <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td><math>x_i</math></td> <td>1</td> <td>2</td> <td>3</td> <td>4</td> </tr> <tr> <td><math>P(X = x_i)</math></td> <td><math>\frac{3}{9}</math></td> <td><math>\frac{3}{9}</math></td> <td><math>\frac{2}{9}</math></td> <td><math>\frac{1}{9}</math></td> </tr> </table>	$x_i$	1	2	3	4	$P(X = x_i)$	$\frac{3}{9}$	$\frac{3}{9}$	$\frac{2}{9}$
$x_i$	1	2	3	4							
$P(X = x_i)$	$\frac{3}{9}$	$\frac{3}{9}$	$\frac{2}{9}$	$\frac{1}{9}$							
0.25	<p>حساب <math>E(X) = \frac{19}{9}</math> : <math>E(X) = 2.11</math></p>										
0.25	<p>ج. استنتاج : <math>E(2021X + 1442) = 2021E(X) + 1442 = 5708.55</math></p>										
<b>التمرين الثاني: ( 04 نقاط )</b>											
04.00	0.50x2	<p>1. الجواب الصحيح هو ب) ، التبرير</p>									
	0.50x2	<p>2. الجواب الصحيح هو أ) ، التبرير</p>									
	0.50x2	<p>3. الجواب الصحيح هو ج) ، التبرير</p>									
	0.50x2	<p>4. الجواب الصحيح هو ب) ، التبرير</p>									
<b>التمرين الثالث: ( 05 نقاط )</b>											
0.75	0.5+0.25	<p>1. البرهان بالترجع أنه من أجل كل عدد طبيعي <math>n</math> :</p> $u_n < 3$									
01.25	0.25+0.50	<p>2. تبيان أن <math>(u_n)</math> متزايدة تماما :</p> $u_{n+1} - u_n = -\frac{5}{8}(u_n - 3)$									
	0.50	<p>استنتاج أنها متقاربة</p>									
02.50	0.25	<p>3. أ. <math>v_0 = 9</math></p>									
	0.75	<p>تبين أن المتتالية <math>(v_n)</math> هندسية أساسها <math>\frac{3}{8}</math></p>									
	0.50	<p>ب. عبارة الحد العام <math>v_n = 9 \left(\frac{3}{8}\right)^n</math> :</p>									
	0.75	<p>استنتاج أنه من أجل كل عدد طبيعي <math>n</math> :</p> $u_n = 3 - 3 \left(\frac{3}{8}\right)^n$									
	0.25	<p>ج. <math>\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 3</math></p>									
00.50	0.50	<p>4. <math>P_n = 3^{n+1} \times \left(\frac{3}{8}\right)^{\frac{n(n+1)}{2}}</math></p>									

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)												
مجموعه	مجازأة	التمرين الرابع: ( 07 نقاط )												
0.25	0.25	$g(-1) = 0 \quad .1 \quad (I)$												
0.50	0.50	2. اشارة $g(x)$ : لما $x \in ]-\infty; -1[$ فان $g(x) < 0$ لما $x \in ]-1; +\infty[$ فان $g(x) > 0$ $g(-1) = 0$												
0.75	0.25 0.25x2	$f(x) = x[1 - (1 + \frac{1}{x})e^{-x-1}]$ التحقق: 1. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$												
01.00	0.25 0.25 0.50	<p>2. أ. تبيان أنه من أجل كل عدد حقيقي <math>x</math> : <math>f'(x) = g(x)</math></p> <p>ب. <math>f</math> متزايدة تماما على <math>[-1; +\infty[</math> ومتناقصة تماما على <math>]-\infty; -1[</math></p> <table border="1" style="margin-left: 100px;"> <tr> <td><math>x</math></td> <td><math>-\infty</math></td> <td><math>-1</math></td> <td><math>+\infty</math></td> </tr> <tr> <td><math>f'(x)</math></td> <td>-</td> <td>0</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td><math>f(x)</math></td> <td><math>+\infty</math></td> <td><math>-1</math></td> <td><math>+\infty</math></td> </tr> </table> <p>جدول تغيراتها</p>	$x$	$-\infty$	$-1$	$+\infty$	$f'(x)$	-	0	+	$f(x)$	$+\infty$	$-1$	$+\infty$
$x$	$-\infty$	$-1$	$+\infty$											
$f'(x)$	-	0	+											
$f(x)$	$+\infty$	$-1$	$+\infty$											
01.75	0.25 0.25 0.5 0.25 0.25 0.25	<p>3. أ- <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - x) = 0</math></p> <p>المستقيم ذو المعادلة <math>y = x</math> مقارب مائل <math>L(C_f)</math></p> <p>ب. وضعية <math>(C_f)</math> بالنسبة إلى <math>(\Delta)</math> :</p> <p>لما <math>x \in ]-\infty; -1[</math> يقع فوق <math>(C_f)</math> ( <math>\Delta</math> )</p> <p>لما <math>x \in ]-1; +\infty[</math> يقع تحت <math>(C_f)</math> ( <math>\Delta</math> )</p> <p>( <math>C_f</math> ) يقطع ( <math>\Delta</math> ) في النقطة <math>A(-1; -1)</math></p> <p>ج. تبيان أن <math>(C_f)</math> يقبل مماسا <math>(T)</math> موازيا للمستقيم <math>(\Delta)</math></p> <p><math>f'(x) = 1</math></p> <p><math>x = -1</math> تكافئ <math>f'(x) = 1</math></p> <p><math>y = x - e^{-1}</math> كتابة معادلة <math>(T)</math></p>												

العلامة	عنصر الإجابة (الموضوع الثاني)
المجموعة	مجزأة
01.50	<p>4. أ. تبيان أن <math>(C_f)</math> يقطع حامل محور الفواصل في نقطتين مستمرة و متناقصة تماما و <math>f(-1.8) = -0.01956</math> و <math>f(-1.9) = 0.3136</math> و <math>f(0.4) = 0.05476</math> و <math>f(0.3) = -0.054</math></p> <p>ب. رسم <math>(\Delta)</math> و <math>(T)</math></p>
01.25	<p>5. أ. تبيان أن الدالة <math>h</math> زوجية</p> <p>ب. تبيان أنه من أجل كل عدد حقيقي <math>x</math> من <math>[-2;0]</math></p> <p>ج. شرح كيفية رسم <math>(C_h)</math> انطلاقا من <math>(C_f)</math></p> <p>رسمل <math>(C_h)</math></p>