



الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية  
وزارة التربية الوطنية



الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات  
امتحان بكالوريا التعليم الثانوي  
الشعبة: علوم تجريبية

دورة: 2021

المدة: 03 سا و 30 د

اختبار في مادة: الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

الموضوع الأول

التمرين الأول: ( 04 نقاط )

يُراد تشكيل بطريقة عشوائية لجنة تتكون من عضوين من بين ثلاثة رجال  $H_1$ ،  $H_2$  و  $H_3$  و امرأتان  $F_1$  و  $F_2$ .  
نعتبر الحوادث  $A$ ،  $B$  و  $C$  حيث:  $A$  "عضوا اللجنة من نفس الجنس".

$B$  "عضوا اللجنة من جنسين مختلفين".

$C$  " $H_1$  عضو في اللجنة".

1 أ. احسب  $p(A)$ ،  $p(B)$  احتمال  $A$  و  $B$  على الترتيب.

ب. بين أن  $p(C)$  احتمال الحدث  $C$  يساوي  $\frac{2}{5}$ .

2 المتغير العشوائي  $X$  يرفق بكل إمكانية اختيار لعضوين عدد الرجال في اللجنة.

أ. برّر أن مجموعة قيم  $X$  هي  $\{0; 1; 2\}$ .

ب. عيّن قانون احتمال المتغير العشوائي  $X$  و احسب أمله الرياضي  $E(X)$ .

التمرين الثاني: ( 04 نقاط )

أجب بصح أو خطأ مع التبرير في كل حالة من الحالات التالية:

1 الدالة العددية  $f$  معرفة على  $\mathbb{R}$  ب:  $f(x) = x + \frac{2}{e^x + 1}$

من أجل كل عدد حقيقي  $x$  لدينا:  $f(x) + f(-x) = 2$

2  $(u_n)$  متتالية هندسية معرفة على  $\mathbb{N}$  بحدّها الأول 2 وأساسها  $\frac{1}{3}$ ، نضع:  $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$

من أجل كل عدد طبيعي  $n$  عبارة  $S_n$  هي:  $3 - \frac{1}{3^{n+1}}$

3 الدالة العددية  $g$  المعرفة على  $[0; +\infty[$  ب:  $g(x) = x + \ln(e^x + 1)$

تمثيلها البياني  $(C)$  في المستوي المنسوب إلى معلم يقبل مستقيما مقاربا مائلا  $y = 2x$  معادلة له.

4 الدالة العددية  $h$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  ب:  $h(x) = e^{3x} + \frac{1}{3}$  هي حلّ للمعادلة التفاضلية  $y' - 3y = 1$

**التمرين الثالث: ( 05 نقاط )**

المتتالية العددية  $(u_n)$  معرفة على  $\mathbb{N}$  بـ:  $u_n = -4n + 3$

(1) بين أن المتتالية  $(u_n)$  حسابية يُطلب تعيين أساسها  $r$  وحدّها الأول  $u_0$ .

(2) من أجل كل عدد طبيعي  $n$  نضع:  $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$

أ. بين أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$ :  $S_n = -2n^2 + n + 3$

ب. عيّن قيمة العدد الطبيعي  $n$  حيث:  $S_n = -30132$

(3) المتتالية العددية  $(v_n)$  حدودها موجبة تماما و من أجل كل عدد طبيعي  $n$ :  $u_n = \ln(v_n)$

أ. اكتب عبارة الحد العام  $v_n$  بدلالة  $n$ .

ب. بين أن المتتالية  $(v_n)$  هندسية أساسها  $e^{-4}$ .

(4) من أجل كل عدد طبيعي  $n$  نضع:  $S'_n = \ln[v_0(1 - \frac{1}{2})] + \ln[v_1(1 - \frac{1}{3})] + \dots + \ln[v_n(1 - \frac{1}{n+2})]$

احسب  $S'_n$  بدلالة  $n$ .

**التمرين الرابع: ( 07 نقاط )**

( I ) الدالة العددية  $g$  معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $g(x) = 2x^3 - 2x^2 + 3x - 2$

(1) بين أن الدالة  $g$  متزايدة تماما على  $\mathbb{R}$ .

(2) أ. بين أن المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  يُحقّق:  $0,7 < \alpha < 0,8$

ب. استنتج حسب قيم العدد الحقيقي  $x$  إشارة  $g(x)$ .

( II ) الدالة العددية  $f$  معرفة على  $]-\infty; 0[ \cup ]0; +\infty[$  بـ:  $f(x) = 2x - 1 + \ln\left(1 + \frac{1-x}{x^2}\right)$

( C ) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ .

(1) أ. بين أن:  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = +\infty$  ثم فسّر النتيجة هندسيا.

ب. احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ .

(2) أ. بين أنه من أجل كل عدد حقيقي غير معدوم  $x$ :  $f'(x) = \frac{g(x)}{x(x^2 - x + 1)}$

ب. استنتج أن  $f$  متزايدة تماما على كل من  $]-\infty; 0[$  و  $]\alpha; +\infty[$  ومتناقصة تماما على  $]0; \alpha]$ .

ج. شكّل جدول تغيّرات الدالة  $f$ .

(3) بين أن المستقيم  $(\Delta)$  ذا المعادلة  $y = 2x - 1$  مقارب مائل لـ  $(C)$  ثم ادرس وضعية  $(C)$  بالنسبة إلى  $(\Delta)$

(4) بين أن  $(C)$  يقبل مماسا  $(T)$  موازيا لـ  $(\Delta)$  في النقطة  $A$  ذات الفاصلة 2 ثم اكتب معادلة له.

(5) بين أن  $(C)$  يقطع حامل محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها  $\beta$  تُحقّق:  $-0,5 < \beta < -0,4$

(6) ارسم  $(\Delta)$ ،  $(T)$  و المنحنى  $(C)$ . ( نأخذ:  $f(\alpha) \approx 0,87$  )

## الموضوع الثاني

### التمرين الأول: ( 04 نقاط )

- صندوق به 9 بطاقات متماثلة لا نفرّق بينها باللمس، مكتوب على كلّ منها سؤال واحد، منها ثلاثة أسئلة في الهندسة مرقمة بـ: 1، 2 و 3، أربعة أسئلة في الجبر مرقمة بـ: 1، 2، 3 و 4 وسؤالين في التحليل مرقمين بـ: 1 و 2. نسحب عشوائيا بطاقة واحدة من الصندوق ونعتبر الحوادث التالية:
- A "سحب سؤال في الهندسة"، B "سحب سؤال في التحليل" و C "سحب سؤال في الجبر يحمل رقما زوجيا".
- احسب  $p(A)$ ،  $p(B)$  و  $P(C)$  احتمال الحوادث A، B و C على الترتيب.
  - احسب احتمال سحب سؤال رقمه مختلف عن 1.
  - المتغير العشوائي X يرفق بكلّ بطاقة مسحوبة رقم السؤال المسجل عليها.
    - أ. برّر أنّ مجموعة قيم X هي  $\{1; 2; 3; 4\}$ .
    - ب. عيّن قانون الاحتمال للمتغير العشوائي X ثم احسب  $E(X)$  أمله الرياضياتي.
    - ج. استنتج قيمة  $E(2021X + 1442)$ .

### التمرين الثاني: ( 04 نقاط )

- لكلّ سؤال جواب واحد فقط صحيح من بين الأجوبة الثلاثة المقترحة، عيّنه مع التعليل.
- لتكن  $(u_n)$  متتالية حسابية معرفة على  $\mathbb{N}$  بحدّها الأول 1 و أساسها 2
    - أ)  $e^{n(n+1)}$  (ب)  $e^{(n+1)^2}$  (ج)  $e^{-n(n+1)}$
    - ب) نضع من أجل كلّ عدد طبيعي  $n$ :  $P_n = e^{u_0} \times e^{u_1} \times \dots \times e^{u_n}$ . عبارة  $P_n$  هي:
      - أ)  $e^{n(n+1)}$  (ب)  $e^{(n+1)^2}$  (ج)  $e^{-n(n+1)}$
  - الدالة العددية  $f$  معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $f(x) = \ln(x^2 + 2x + 3)$ . من أجل كلّ عدد حقيقي  $x$  لدينا:
    - أ)  $f(-2-x) = f(x)$  (ب)  $f(2-x) = f(x)$  (ج)  $f(-x) = f(x)$
  - $\lim_{x \rightarrow +\infty} [\ln(x+1) - \ln(x+2)]$  تساوي:
    - أ) 1 (ب)  $+\infty$  (ج) 0
  - $(w_n)$  متتالية هندسية معرفة على  $\mathbb{N}$  حدودها موجبة تماما وأساسها عدد حقيقي  $q$  موجب تماما و يختلف عن 1
    - أ) نضع: من أجل كلّ عدد طبيعي  $n$ ،  $v_n = \ln w_n$  هي متتالية:
      - أ) هندسية. (ب) حسابية. (ج) لا حسابية و لا هندسية.

### التمرين الثالث: ( 05 نقاط )

- المتتالية العددية  $(u_n)$  معرفة بحدّها الأول  $u_0 = 0$  حيث:  $u_0 = 0$  ومن أجل كلّ عدد طبيعي  $n$ :  $u_{n+1} = \frac{3}{8}(u_n + 5)$
- برهن بالتراجع أنّه من أجل كلّ عدد طبيعي  $n$ :  $u_n < 3$
  - بيّن أنّ  $(u_n)$  متزايدة تماما ثم استنتج أنّها متقاربة.

(3) المتتالية العددية  $(v_n)$  معرّفة على  $\mathbb{N}$  بـ:  $v_n = 3(3 - u_n)$

أ. احسب  $v_0$  ثم بيّن أنّ المتتالية  $(v_n)$  هندسية أساسها  $\frac{3}{8}$ .

ب. اكتب بدلالة  $n$  عبارة الحد العام  $v_n$  ثم استنتج أنّه من أجل كلّ عدد طبيعي  $n$ :  $u_n = 3 - 3\left(\frac{3}{8}\right)^n$

ج. احسب  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$ .

(4) نضع من أجل كلّ عدد طبيعي  $n$ :  $P_n = (3 - u_0) \times (3 - u_1) \times \dots \times (3 - u_n)$

احسب  $P_n$  بدلالة  $n$ .

التمرين الرابع: (07 نقاط)

(I) الدالة العددية  $g$  معرّفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $g(x) = 1 + xe^{-x-1}$ ، تمثيلها

البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  (الشكل المقابل)

(1) احسب  $g(-1)$ .

(2) بقراءة بيانية، حدّد حسب قيم  $x$  إشارة  $g(x)$ .

(II) الدالة العددية  $f$  معرّفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $f(x) = x - (x+1)e^{-x-1}$

(تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ )

(1) تحقّق أنّه من أجل كلّ عدد حقيقي  $x$  غير معدوم:  $f(x) = x[1 - (1 + \frac{1}{x})e^{-x-1}]$

ثمّ احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ .

(2) أ. بيّن أنّه من أجل كلّ عدد حقيقي  $x$ :  $f'(x) = g(x)$

ب. استنتج أنّ الدالة  $f$  متزايدة تماما على  $[-1; +\infty[$  ومتناقصة تماما على  $]-\infty; -1]$  ثمّ شكّل جدول تغيّراتها.

(3) أ. احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - x)$  ثمّ فسّر النّتيجة هندسيا.

ب. ادرس وضعية  $(C_f)$  بالنسبة إلى المستقيم  $(\Delta)$  ذي المعادلة  $y = x$

ج. بيّن أنّ  $(C_f)$  يقبل مماسا  $(T)$  موازيا للمستقيم  $(\Delta)$  يُطلب كتابة معادلة له.

(4) أ. بيّن أنّ  $(C_f)$  يقطع حامل محور الفواصل في نقطتين فاصلتهما  $\alpha$  و  $\beta$

حيث:  $0,3 < \alpha < 0,4$  و  $-1,9 < \beta < -1,8$

ب. ارسم المستقيمين  $(\Delta)$  و  $(T)$  ثمّ ارسم المنحنى  $(C_f)$  على المجال  $[-2; +\infty[$ .

(5) الدالة العددية  $h$  معرّفة على المجال  $[-2; 2]$  بـ:  $h(x) = -|x| + (|x| - 1)e^{|x|-1}$

(تمثيلها البياني في المعلم السابق).

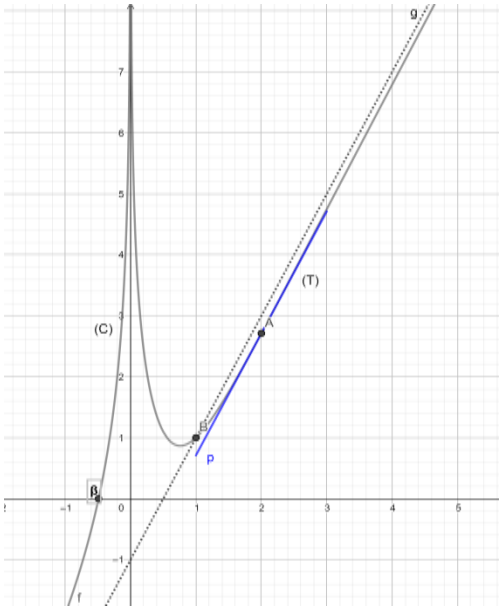
أ. بيّن أنّ الدالة  $h$  زوجية.

ب. بيّن أنّه من أجل كلّ عدد حقيقي  $x$  من المجال  $[-2; 0]$ :  $h(x) = f(x)$

ج. اشرح كيف يمكن رسم  $(C_h)$  انطلاقا من  $(C_f)$  ثمّ ارسمه.

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)								
مجموعة	مجزأة									
التمرين الأول: ( 04 نقاط )										
02.00	0.75+0.75	1) ا. حساب $p(A)$ ، $p(B)$ : $p(B) = \frac{3}{5}$ ، $p(A) = \frac{2}{5}$ ب. تبيان أن $p(C)$ احتمال الحدث $C$ يساوي $\frac{2}{5}$ (يمكن استعمال شجرة الامكانيات أو الجدول)								
	0.50									
02.00	0.75	2) أ. تبرير أن مجموعة قيم $X$ هي $\{0; 1; 2\}$ ب. تعيين قانون احتمال المتغير العشوائي $X$ <table><tr><td><math>x_i</math></td><td>0</td><td>1</td><td>2</td></tr><tr><td><math>p(X = x_i)</math></td><td>0.1</td><td>0.6</td><td>0.3</td></tr></table> حساب أمله الرياضي $E(X)$ : $E(X) = 1.2$	$x_i$	0	1	2	$p(X = x_i)$	0.1	0.6	0.3
	$x_i$		0	1	2					
	$p(X = x_i)$		0.1	0.6	0.3					
0.75										
0.50										
التمرين الثاني: ( 04 نقاط )										
01.00	0,50 x 2	1.صح ، التبرير								
01.00	0,50 x 2	2.خطأ ، التبرير								
01.00	0,50 x 2	3.صح ، التبرير								
01.00	0,50 x 2	4.خطأ ، التبرير								
التمرين الثالث: ( 05 نقاط )										
01.00	0,25x2+0,50	1. تبيان أن المتتالية $(u_n)$ حسابية: $r = -4$ و $u_0 = 3$								
02.00	01	2. أ. تبيان أنه من أجل كل عدد طبيعي $n$ : $S_n = -2n^2 + n + 3$ ب. تعيين قيمة العدد الطبيعي $n$ حيث: $S_n = -30132$ : $n = 123$								
	01									
01.5	0.75	3. أ. كتابة عبارة الحد العام $v_n$ بدلالة $n$ : $v_n = e^{-4n+3}$ ب. تبيان أن المتتالية $(v_n)$ هندسية أساسها $e^{-4}$								
	0.75									
00.50	0.50	4. $S'_n = -2n^2 + n + 3 - \ln(n + 2)$								

التمرين الرابع: ( 07 نقاط )																	
0.50	0.25 0.25	1. أ. تبيان أنّ الدّالة $g$ متزايدة تماما على $\mathbb{R}$ : $g'(x) = 6x^2 - 4x + 3$ من أجل كلّ عدد حقيقي $x$ : $g'(x) > 0$															
01.00	0.50 0.50	2. أ. تبيان أنّ المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا $\alpha$ يُحقّق : $0,7 < \alpha < 0,8$ $g$ مستمرة و متزايدة تماما و $g(0,7) = -0,194$ و $g(0,8) = 0,144$ ب. إشارة $g(x)$ : $g(x) > 0$ على $[\alpha; +\infty[$ و $g(x) < 0$ على $]-\infty; \alpha[$ ، $g(\alpha) = 0$															
01.25	0.50 0.25 2x0.25	1. (II) أ. تبيان أنّ : $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = +\infty$ $x = 0$ معادلة مستقيم مقارب للمنحني ب. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$															
01.50	0.50 0.50 0.25 0.25	2. أ. تبيان أنّه من أجل كلّ عدد حقيقي غير معدوم $x$ : $f'(x) = \frac{g(x)}{x(x^2 - x + 1)}$ ب. إشارة $f'(x)$ : $f'(x) > 0$ على $]-\infty; 0[$ و $[\alpha; +\infty[$ و $f'(x) < 0$ على $]0; \alpha[$ $f'(x) = 0$ لَمّا $x = \alpha$ $f$ متزايدة تماما على كلّ من $]-\infty; 0[$ و $[\alpha; +\infty[$ ومتناقصة تماما على $]0; \alpha[$ ج. جدول تغيّرات الدّالة $f$ <table><tr><td><math>x</math></td><td><math>-\infty</math></td><td><math>0</math></td><td><math>\alpha</math></td><td><math>+\infty</math></td></tr><tr><td><math>f'(x)</math></td><td>+</td><td></td><td>-</td><td>+</td></tr><tr><td><math>f(x)</math></td><td><math>-\infty</math></td><td><math>+\infty</math></td><td><math>f(\alpha)</math></td><td><math>+\infty</math></td></tr></table>	$x$	$-\infty$	$0$	$\alpha$	$+\infty$	$f'(x)$	+		-	+	$f(x)$	$-\infty$	$+\infty$	$f(\alpha)$	$+\infty$
$x$	$-\infty$	$0$	$\alpha$	$+\infty$													
$f'(x)$	+		-	+													
$f(x)$	$-\infty$	$+\infty$	$f(\alpha)$	$+\infty$													
01.00	0.50 0.50	3. تبيان أنّ المستقيم $(\Delta)$ ذا المعادلة $y = 2x - 1$ مقارب مائل لـ $(C)$ وضعية $(C)$ بالنّسبة إلى $(\Delta)$ : $(C)$ فوق $(\Delta)$ على $]-\infty; 0[$ و $]0; 1[$ $(C)$ تحت $(\Delta)$ على $]1; +\infty[$ $(C)$ يقطع $(\Delta)$ عند $A(1; 1)$															
0.50	0.25 0.25	4. تبيان أنّ $(C)$ يقبل مماسا $(T)$ موازيا لـ $(\Delta)$ معادلة $(T)$ : $y = 2x - 1 + \ln(\frac{3}{4})$															
0.50	0.50	5. تبيان أنّ $(C)$ يقطع حامل محور الفواصل $f$ مستمرة و متزايدة تماما و $f(-0,4) = 0,4773$ و $f(-0,5) = -0,54$															

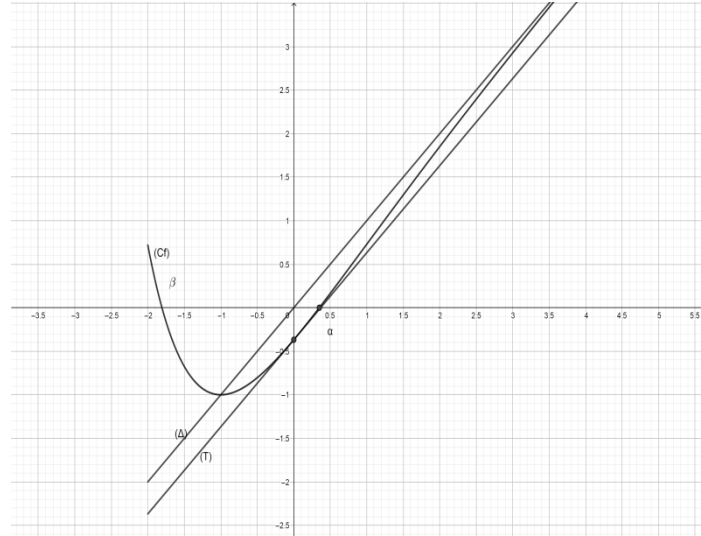
0.75	0.25+0.25  0.25	<p>6. رسم <math>(\Delta)</math>، <math>(T)</math></p> <p>المنحنى <math>(C)</math>.</p> 
------	-----------------------	--

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني )										
مجموعة	مجزأة											
التمرين الأول: ( 04 نقاط )												
01.50	0.50x3	1. حساب $p(A)$ ، $p(B)$ و $p(C)$ $p(C)=\frac{2}{9}$ ، $p(B)=\frac{2}{9}$ ، $p(A)=\frac{1}{3}$										
00.50	0.50	2. احتمال سحب سؤال رقمه مختلف عن 1 هو : $\frac{2}{3}$										
02.00	0.50	3. أ. تبرير أن مجموعة قيم $X$ هي $\{1; 2; 3; 4\}$										
	0.25x4	ب. تعيين قانون احتمال $X$ :										
	0.25	<table><tr><td><math>x_i</math></td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td></tr><tr><td><math>P(X = x_i)</math></td><td><math>\frac{3}{9}</math></td><td><math>\frac{3}{9}</math></td><td><math>\frac{2}{9}</math></td><td><math>\frac{1}{9}</math></td></tr></table>	$x_i$	1	2	3	4	$P(X = x_i)$	$\frac{3}{9}$	$\frac{3}{9}$	$\frac{2}{9}$	$\frac{1}{9}$
	$x_i$	1	2	3	4							
$P(X = x_i)$	$\frac{3}{9}$	$\frac{3}{9}$	$\frac{2}{9}$	$\frac{1}{9}$								
0.25	ج. استنتاج : $E(2021X + 1442) = 2021E(X) + 1442 = 5708.55$											
التمرين الثاني: ( 04 نقاط )												
04.00	0.50x2	1. الجواب الصحيح هو ( ب ) ، التبرير										
	0.50x2	2. الجواب الصحيح هو ( أ ) ، التبرير										
	0.50x2	3. الجواب الصحيح هو ( ج ) ، التبرير										
	0.50x2	4. الجواب الصحيح هو ( ب ) ، التبرير										
التمرين الثالث: ( 05 نقاط )												
0.75	0.5+0.25	1. البرهان بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي $n$ : $u_n < 3$										
01.25	0.25+0.50	2. تبيان أن $(u_n)$ متزايدة تماما : $u_{n+1} - u_n = -\frac{5}{8}(u_n - 3)$										
	0.50	استنتاج أنها متقاربة										
02.50	0.25	3. أ. $v_0 = 9$										
	0.75	تبين أن المتتالية $(v_n)$ هندسية أساسها $\frac{3}{8}$ : $v_{n+1} = v_n \times \frac{3}{8}$										
	0.50	ب. عبارة الحد العام $v_n$ : $V_n = 9\left(\frac{3}{8}\right)^n$										
	0.75	استنتاج أنه من أجل كل عدد طبيعي $n$ : $u_n = 3 - 3\left(\frac{3}{8}\right)^n$										
	0.25	ج. $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 3$										
00.50	0.50	4. $P_n = 3^{n+1} \times \left(\frac{3}{8}\right)^{\frac{n(n+1)}{2}}$										



العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)												
مجموعة	مجزأة													
التمرين الرابع: ( 07 نقاط )														
0.25	0.25	(I) 1. $g(-1) = 0$												
0.50	0.50	2. إشارة $g(x)$ : لما $x \in ]-\infty; -1[$ فان $g(x) < 0$ . لما $x \in ]-1; +\infty[$ فان $g(x) > 0$ . $g(-1) = 0$												
0.75	0.25 0.25x2	(II) 1.التحقق: $f(x) = x[1 - (1 + \frac{1}{x})e^{-x-1}]$ $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$												
01.00	0. 25 0. 25 0.50	2. أ. تبين أنه من أجل كلّ عدد حقيقي $x$ : $f'(x) = g(x)$ ب. $f$ متزايدة تماما على $[-1; +\infty[$ ومتناقصة تماما على $]-\infty; -1]$ جدول تغيراتها <table><tr><td><math>x</math></td><td><math>-\infty</math></td><td><math>-1</math></td><td><math>+\infty</math></td></tr><tr><td><math>f'(x)</math></td><td><math>-</math></td><td><math>\emptyset</math></td><td><math>+</math></td></tr><tr><td><math>f(x)</math></td><td><math>+\infty</math></td><td><math>-1</math></td><td><math>+\infty</math></td></tr></table>	$x$	$-\infty$	$-1$	$+\infty$	$f'(x)$	$-$	$\emptyset$	$+$	$f(x)$	$+\infty$	$-1$	$+\infty$
	$x$	$-\infty$	$-1$	$+\infty$										
$f'(x)$	$-$	$\emptyset$	$+$											
$f(x)$	$+\infty$	$-1$	$+\infty$											
01.75	0.25 0.25 0. 5 0,25 0,25 0,25	3. أ. $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - x) = 0$ المستقيم ذو المعادلة $y = x$ مقارب مائل لـ $(C_f)$ ب. وضعية $(C_f)$ بالنسبة إلى $(\Delta)$ : لما $x \in ]-\infty; -1[$ فان $(C_f)$ يقع فوق $(\Delta)$ . لما $x \in ]-1; +\infty[$ فان $(C_f)$ يقع تحت $(\Delta)$ . $(C_f)$ يقطع $(\Delta)$ في النقطة $A(-1; -1)$ ج. تبين أنّ $(C_f)$ يقبل مماسا $(T)$ موازيا للمستقيم $(\Delta)$ $f'(x) = 1$ $f'(x) = 1$ تكافئ $x = -1$ كتابة معادلة $(T)$ : $y = x - e^{-1}$												

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني )
مجموعة	مجزأة	
01.50	0.25	<p>4. أ. تبيان أن <math>(C_f)</math> يقطع حامل محور الفواصل في نقطتين</p> <p><math>f</math> مستمرة و متناقصة تماما و <math>f(-1.9)=0.3136</math> و <math>f(-1.8)=-0.01956</math></p> <p><math>f</math> مستمرة و متزايدة تماما و <math>f(0.3)=-0.054</math> و <math>f(0.4)=0.05476</math></p> <p>ب. رسم <math>(\Delta)</math> و <math>(T)</math></p>
	0.25	
	0.25x2	
	0.50	
01.25	0.25	<p>5. أ. تبيان أن الدالة <math>h</math> زوجية</p> <p>ب. تبيان أنه من أجل كل عدد حقيقي <math>x</math> من <math>[-2;0]</math> <math>h(x) = f(x)</math></p> <p>ج. شرح كيفية رسم <math>(C_h)</math> انطلاقا من <math>(C_f)</math></p>
	0.25	
	0.25	
	0.50	



رسم  $(C_f)$

رسم  $(C_h)$