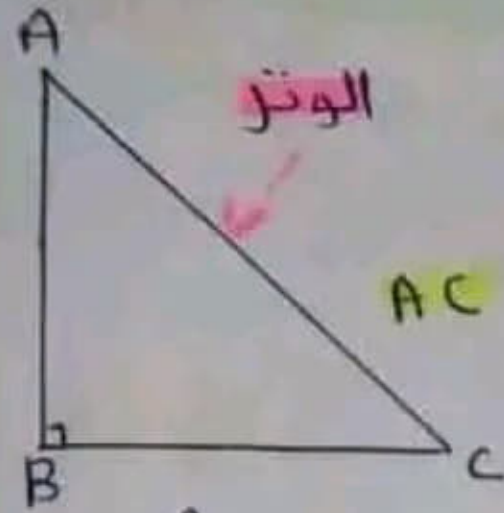
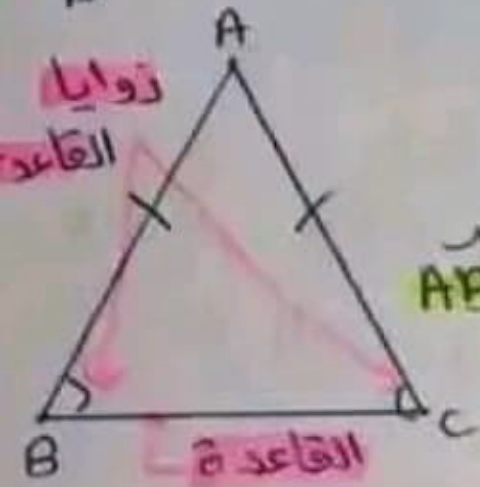




- المثلث القائم : هو مثلث واحد عازواياه قائمة
مثال : المثلث ABC قائم في B معناه $\hat{ABC} = 90^\circ$ ووتره AC

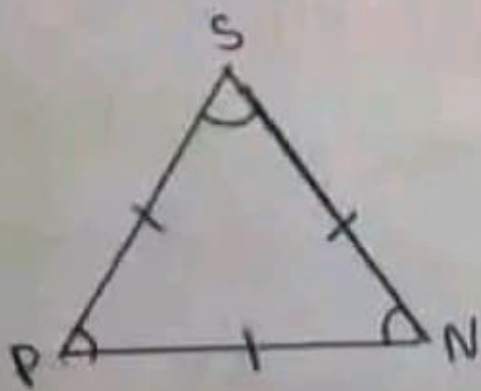
- المثلث متساوي الساقين : هو مثلث له ضلعان متقايسان
مثال : ABC مثلث متساوي الساقين رأسه الأساسي A



معناه $AB = AC$ وزاويتا القاعدة متقايستان $\hat{ABC} = \hat{ACB}$

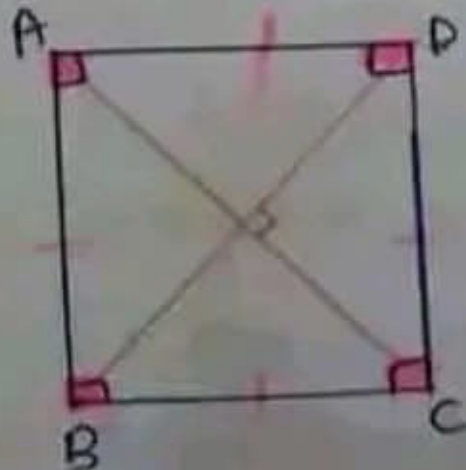
- المثلث متقايس الأضلاع : هو مثلث كل أضلاعه متقايسة

مثال : SPN مثلث متقايس الأضلاع معناه :
 $\hat{SPN} = \hat{PNS} = \hat{NSP}$ و $SP = PN = NS$



2 * المربع، المعين، والمستطيل :

- المربع : هو رباعي كل أضلاعه متقايسة وكل زواياه قائمة وأضلاعه المتقابلة متوازية .



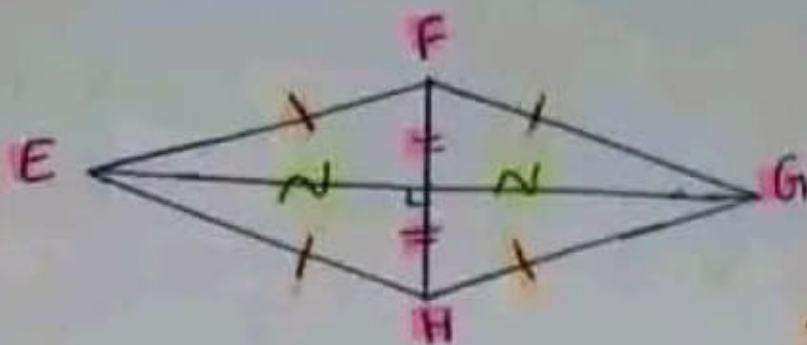
مثال : $ABCD$ مربع معناه :

$$AB = BC = CD = AD$$

$$90^\circ = \hat{DAB} = \hat{ABC} = \hat{CDA} = \hat{BCD}$$

- أقطار المربع متقايسة ومتعامدة ومتعامدة .

- **للعين** : هو رباعي كل أضلاعه متقايسة وأضلاعه المتقابلة متوازية

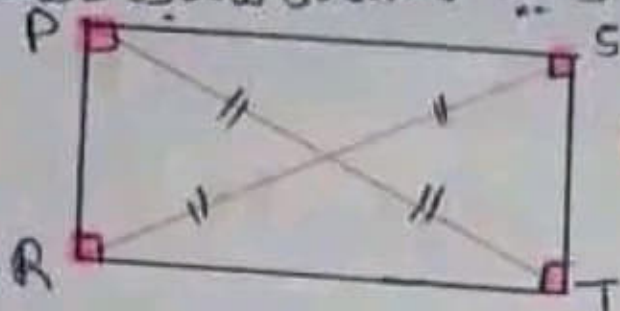


مثال : $EFGH$ معين معناه :

$$EF = FG = GH = EH$$

أقطار العين متعامدة ومتعامدة .

- **المستطيل** : هو رباعي كل زواياه قائمة وفيه كل ضلعان متقابلان متقايسان ومتوازيان .



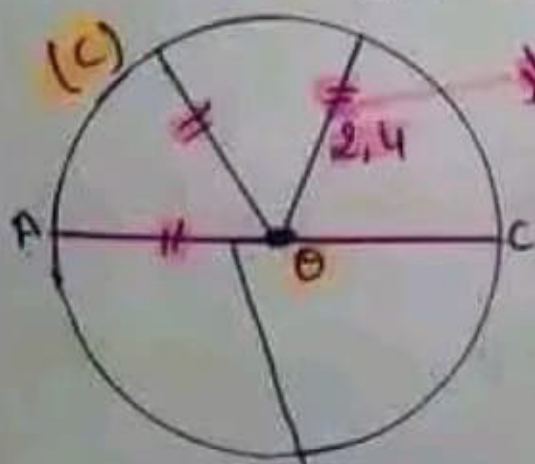
مثال : $PSRT$ مستطيل معناه :

$$\hat{RPS} = \hat{PST} = \hat{STR} = \hat{TRP}$$

أقطار المستطيل متتامة ومتقايسة

3 * الدائرة وقوس الدائرة :

- **الدائرة** : هي مجموعة النقط التي تبعد بنفس المسافة عن نقطة واحدة تسمى المركز . هذه المسافة تسمى نصف قطر الدائرة .



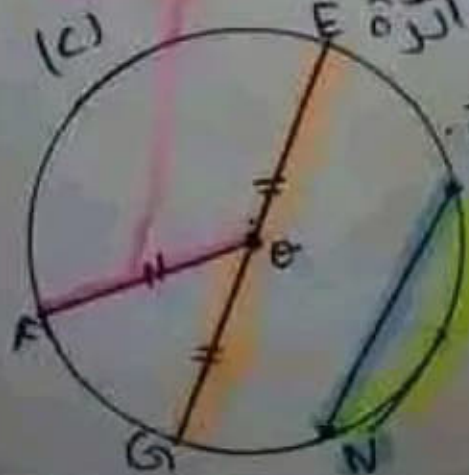
مثال : كل النقط التي تبعد عن الدائرة بـ 2.4 cm

النقطة O هي مركز الدائرة (C) ونصف قطرها 2.4 cm

- **الوتر** : هو قطعة مستقيم طرفاه من الدائرة .

- **القطر** : هو كل وتر يشمل الدائرة ويشمل المركز "مركز الدائرة"

- **نصف القطر** : هو قطعة مستقيم طرفاه المركز ونقطة من الدائرة



- **قوس الدائرة** : هو جزء من الدائرة محدد بنقطتين من الدائرة

GE هو القطر

NN هو الوتر

OF نصف القطر

NM القوس "قوس الدائرة" القطر

مثال : الدائرة (C)

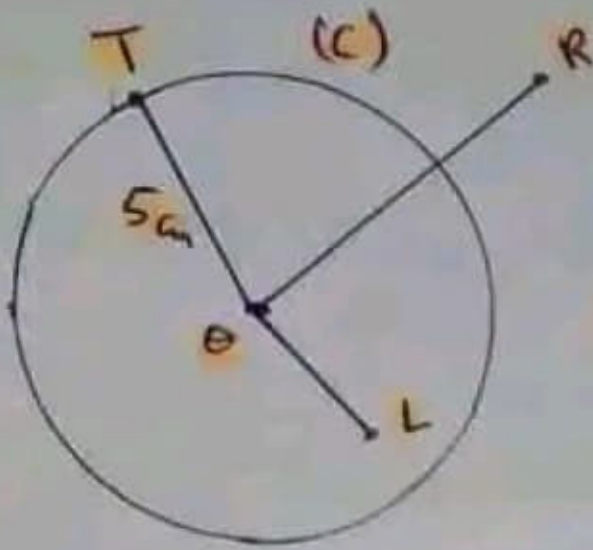
- خارج الدائرة وداخلها:

(C) دائرة مركزها O ونصف قطرها 5cm

النقطة R خارج الدائرة (C) : لأن $OR > 5cm$

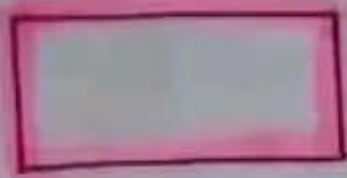
النقطة L داخل الدائرة (C) : لأن $OL < 5cm$

النقطة T تنتمي للدائرة (C) : لأن $OT = 5cm$



الأسطح المستوية، الأطوال، المحيطات والمساحات.

- **محيط:** هو طول حافة الشكل مثال:



- **مساحة:** هي الجزء المحصور داخل حافة الشكل مثال:



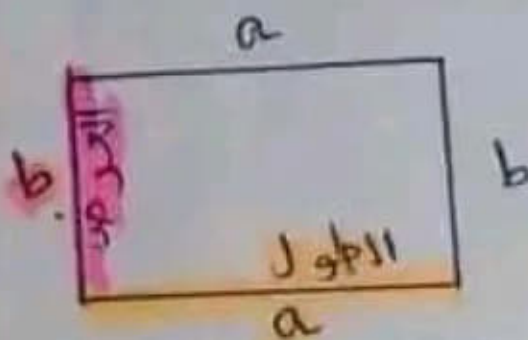
1 - المستطيل: "مساحة ومحيط"

- **نرمز للمحيط:** P

- **نرمز للمساحة:** A

- **محيط المستطيل:** $P = 2(a + b)$

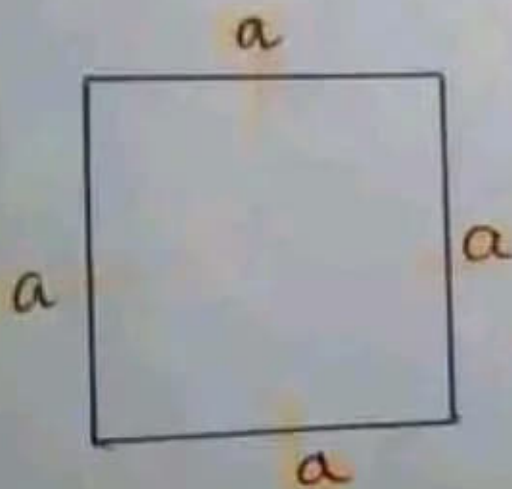
- **مساحة المستطيل:** $A = a \times b$



2 - مربع ومساحة المربع:

- **محيط المربع:** $P = 4 \times a$

- **مساحة المربع:** $A = a \times a$

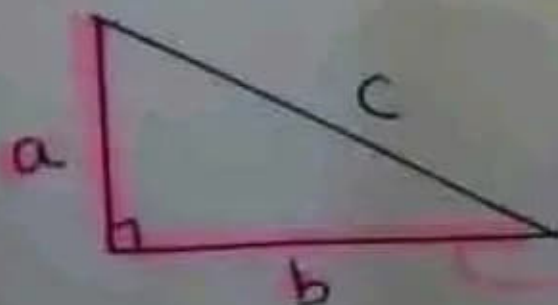


3 - محيط ومساحة مثلث قائم:

- **محيط المثلث القائم:** مجموع أطوال أضلاع المثلث

- **مساحة المثلث القائم:** $A = \frac{a \times b}{2}$

$$P = a + b + c$$



الضلع
القائم

4 * محيط الدائرة :

- حساب محيط الدائرة والتعرف على العدد π

$$\pi = 3,14$$

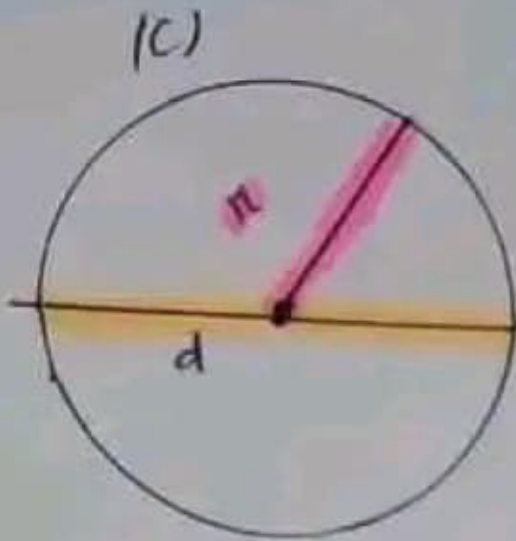
$$P = 2 \times \pi \times r$$

$$P = \pi \times d$$

- محيط القرص

أو

π مسافة طول d هو القطر .



ملخص دروس الجبر للمستوى أول متوسط مادة الرياضيات

من اعداد مفحة دروس الدعم في الرياضيات

1- القسمة الإقليدية: تعني إيجاد عددين طبيعيين يسميان الحاصل والباقي و يحققان :

$$\text{الباقي} + \text{الحاصل} \times \text{القاسم} = \text{للقسوم}$$



للقسوم

$$\begin{array}{r} 180 \\ - 16 \\ \hline 020 \\ - 16 \\ \hline 04 \end{array}$$

القاسم 8

الحاصل 22

الباقي 4

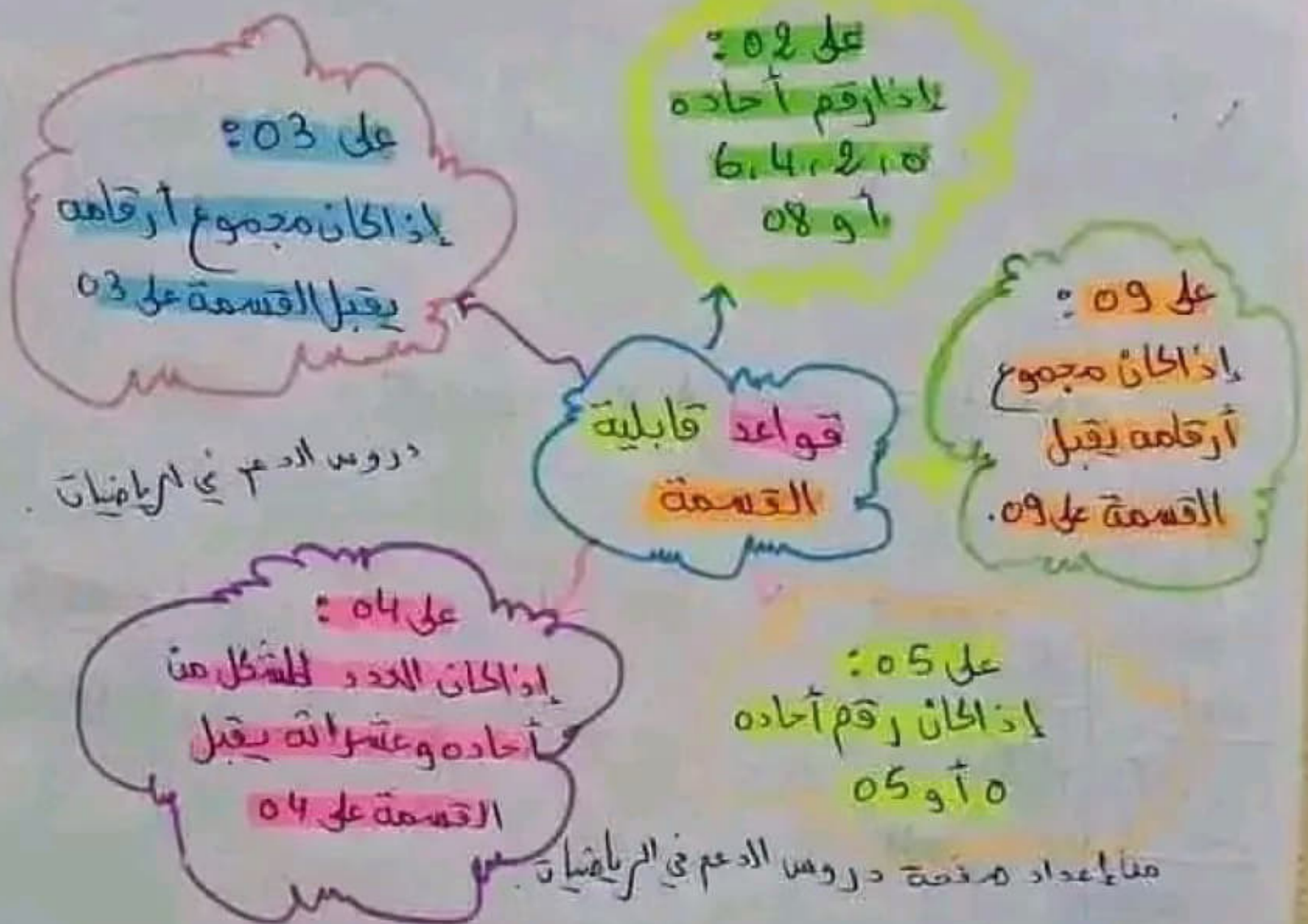
← مثال ←

للقسوم	القاسم
الباقي	الحاصل

بحيث يكون للقسوم < الباقي

$$180 = (22 \times 8) + 4$$

2 - قواعد قابلية القسمة على 02, 03, 04, 05, 09



3- القسمة العشرية لعدد طبيعي أو عشري على عدد طبيعي :

لا يجاد القسمة العشرية لعدد يعني لا يجاد :

حاصل القسمة للعربية

- الباقي يتكرر في كل مرة انطلاقاً من مرحلة معينة
- القسمة لا تنتهي

حاصل القسمة مضبوطة

- يكون الباقي معدوم
- حاصل القسمة عدد عشري قسمة مضبوطة



لا

مثال

لا

$$\begin{array}{r} 26 \overline{) 180} \\ \underline{-18} \\ 020 \\ \underline{-18} \\ 20 \\ \underline{-18} \\ 20 \\ \underline{-18} \\ 20 \end{array}$$

دقيقة

دروم

الدعم

في الرياضيات

لا

مثال

لا

$$\begin{array}{r} 23 \overline{) 92} \\ \underline{-20} \\ 030 \\ \underline{-28} \\ 20 \\ \underline{-20} \\ 00 \end{array}$$

4- القيمة للعربية بالزيادة أو بالنقصان لحاصل قسمة عدد عشري :

العملية	الحاصل	قيمة مقربة للوحدة بالزيادة	قيمة مقربة للوحدة بالنقصان
$127 \div 3$	42,5	43	42

5- مدور عدد عشري إلى الوحدة :

إذا كان رقم أعشاره $\frac{1}{10}$ العدد العشري
الرقم الذي بعد الفاصلة أصغر من 5
نأخذ القيمة المقربة بالنقصان



مثال



مدور العدد 13, 12 إلى الوحدة
هو 12

إذا كان رقم أعشاره أكبر من
أو يساوي 5 نأخذ
القيمة المقربة للوحدة
بالزيادة



مثال



مدور العدد 23, 5 إلى
الوحدة هو 24

مناهج
صفحة
دروس
الدعم
في الرياضيات

6- حصر حاصل القسمة : يعني حصر حاصل القسمة بقيمتين مقربتين بالزيادة و بالنقصان

قيمة مقربة بالزيادة < حاصل القسمة < قيمة مقربة بالنقصان



صفحة
دروس
الدعم في الرياضيات

مثال : $\frac{180}{8}$ وجدنا حاصل القسمة 22 و الباقي 4

حاصل القسمة

22 < $\frac{180}{8}$ < 23
قيمة مقربة بالنقصان قيمة مقربة بالزيادة

القسمة الإقليدية

قناة وصفحة المنصة التعليمية
للأستاذ ياسين

القسمة الإقليدية لعدد طبيعي a
على عدد طبيعي غير معدوم b هي
العملية التي نعين بها q و r حيث

$$a = q \times b + r$$

$$r < b$$

a : المقسوم
 q : الحاصل
 b : المقسوم عليه
 r : الباقي

في القسمة الإقليدية الباقي أصغر
من المقسوم عليه

$$\begin{array}{c|c} a & b \\ \hline r & q \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 25 \overline{) 4} \\ -24 \\ \hline 1 \end{array}$$

$$25 = 4 \times 6 + 1$$

أصغر

$$\begin{array}{r} 48 \overline{) 7} \\ -42 \\ \hline 6 \end{array}$$

$$48 = 7 \times 6 + 6$$

أصغر

في الكتابة $37 = 4 \times 5 + 17$

لا تعبر عن قسمة إقليدية
 $5 < 17$

أمثلة : المقسوم عليه $\leftarrow$ المقسوم $\rightarrow$

$$\begin{array}{r} 68 \overline{) 6} \\ -66 \\ \hline 2 \end{array}$$

الحاصل $\nwarrow$ الباقي $\nearrow$

$$68 = 11 \times 6 + 2$$

$$2 < 6$$

الباقي أصغر من المقسوم عليه

ملاحظة 1: في القسمة الإقليدية للعدد الطبيعي
 a على العدد الطبيعي غير المعدوم b ، إذا كان
الباقي معدومًا نقول أن

$$a \text{ مضاعف لـ } b$$

$$b \text{ قاسم لـ } a$$

$$\begin{array}{r} 54 \overline{) 3} \\ -3 \\ \hline 0 \end{array}$$

قسمة تامة $\rightarrow 0$

باقي هذه القسمة معدوم $\Rightarrow 54$ مضاعف لـ 3
 3 قاسم لـ 54

لما يكون باقي القسمة الإقليدية معدومًا
نقول أن هذه القسمة تامة

ملاحظة 2: إذا كان المقسوم أصغر من
المقسوم عليه يكون :

الحاصل معدومًا والباقي يساوي المقسوم

$$\begin{array}{r} 13 \overline{) 42} \\ -0 \\ \hline 13 \end{array}$$

$$13 = 0 \times 42 + 13$$

قسمة
غير تامة



صفحة وقناة الفضة التعليمية للأستاذ ياسين
قواعد قابلية القسمة :

* يقبل عدد طبيعي القسمة على 2 إذا كان :

رقم أحاده : 0, 2, 4, 6, 8

مثال : الأعداد 2010, 7512, 2034, 336

458 تقبل القسمة على 2 وتدعى أعداد زوجية

يقبل عدد طبيعي القسمة على 3 إذا كان

مجموع أرقامه مضاعف لـ 3 :

مثال : العدد 2738 يقبل القسمة

على 3 لأن : $2+7+3+8+0+1=21$

$$2+1=3$$

يقبل عدد طبيعي القسمة على 4 إذا كان

رقم وحداته وعشراتهما مضاعف لـ 4

مثال : العدد 2495 يقبل القسمة على 4 لأن

العدد 24 مضاعف لـ 4 ($24 = 6 \times 4$)

يقبل عدد طبيعي القسمة على 5 إذا كان

رقم وحداته 0, 5

مثال : الأعداد 4000, 735, 2020

تقبل القسمة على خمسة

يقبل عدد طبيعي القسمة على 9 إذا كان

مجموع أرقامه مضاعف لـ 9

مثال : العدد 73089 يقبل القسمة على 9

$$2+7=9 \quad \text{و} \quad 7+3+0+8+9=27$$



صفحة وقناة الفضة التعليمية للأستاذ ياسين
قواعد قابلية القسمة :

* يقبل عدد طبيعي القسمة على 2 إذا كان :

رقم أحاده : 0, 2, 4, 6, 8

مثال : الأعداد 2010, 7512, 2034, 336

458 تقبل القسمة على 2 وتدعى أعداد زوجية

يقبل عدد طبيعي القسمة على 3 إذا كان

مجموع أرقامه مضاعف لـ 3 :

مثال : العدد 2738 يقبل القسمة

على 3 لأن : $2+7+3+8+0+1=21$

$$2+1=3$$

يقبل عدد طبيعي القسمة على 4 إذا كان

رقم وحداته وعشراتهما مضاعف لـ 4

مثال : العدد 2495 يقبل القسمة على 4 لأن

العدد 24 مضاعف لـ 4 ($24 = 6 \times 4$)

يقبل عدد طبيعي القسمة على 5 إذا كان

رقم وحداته 0, 5

مثال : الأعداد 4000, 735, 2020

تقبل القسمة على خمسة

يقبل عدد طبيعي القسمة على 9 إذا كان

مجموع أرقامه مضاعف لـ 9

مثال : العدد 73089 يقبل القسمة على 9

$$2+7=9 \quad \text{و} \quad 7+3+0+8+9=27$$



صفحة وقناة المنصة التعليمية للأستاذ ياسين

تطبيق 3: باستخدام الآلة الحاسبة نحسب $4 \div 3,48$ ، تظهر على الشاشة $5,87$ ،
نعيد تشغيل الآلة الحاسبة ونحسب $5,87 \times 4$ ، تظهر على الشاشة $23,48$
مع $5,87$ هو الحاصل المضبوط لقسمة $23,48$ على 4

ملاحظة 3:

يعين حاصل مقرب عند ما تكون القسمة العشرية غير مستوية

مثال:

$$\begin{array}{r} 128 \\ -12 \\ \hline 08 \\ -6 \\ \hline 20 \\ 18 \\ \hline 20 \\ 18 \\ \hline 20 \\ -18 \\ \hline 2 \end{array} \quad \begin{array}{r} 3 \\ 42 \\ \hline \end{array}$$

$$128 = 42 \times 3 + 2$$

الباقى غير معدوم
فهذه القسمة غير تامة

مع لا يوجد الحاصل المضبوط للقسمة العشرية للعدد 128 على العدد 3

مع في هذه الحالة يمكننا تعيين حاصل مقرب (انظر الملاحظة 4)

باستعمال الآلة الحاسبة

$$128 \div 3 \approx 42,66666667$$

الرمز $\approx$ يقرأ يساوي بالتقريب

$$42,6 \approx 128 \div 3 \text{ حاصل مقرب إلى } 0,1 \text{ بالنقصان}$$

$$42,7 \approx 128 \div 3 \text{ حاصل مقرب إلى } 0,1 \text{ بالزيادة}$$

مع الحاصل المقرب إلى الوحدة بالنقصان 42

مع الحاصل المقرب (المدور) إلى الوحدة بالزيادة

ملاحظة 4:

يعين حاصل قسمة مقرب بطرق متنوعة
مثال: نريد تعيين حاصل مقرب إلى 0,001
لقسمة 128 على 3

التطبيق 4:

$$\begin{array}{r} 128 \\ -12 \\ \hline 08 \\ -6 \\ \hline 20 \\ 18 \\ \hline 20 \\ 18 \\ \hline 20 \\ -18 \\ \hline 2 \end{array} \quad \begin{array}{r} 3 \\ 42,666... \end{array}$$

42,666 : حاصل مقرب إلى 0,001 بالنقصان

42,667 : حاصل مقرب إلى 0,001 بالزيادة

تطبيق 5: باستخدام الآلة الحاسبة: نحسب

$128 \div 3$ يظهر على الشاشة 42,66666667

نعيد تشغيل الآلة الحاسبة ونحسب:

$42,66666667 \times 3$ يظهر: 128,0000001

إذا: 42,66666667 حاصل مقرب وليس

الحاصل المضبوط

42,666 : حاصل مقرب إلى 0,001 بالنقصان

42,667 : حاصل مقرب إلى 0,001 بالزيادة

لا يكون الحاصل عدد اعشري إذا كان

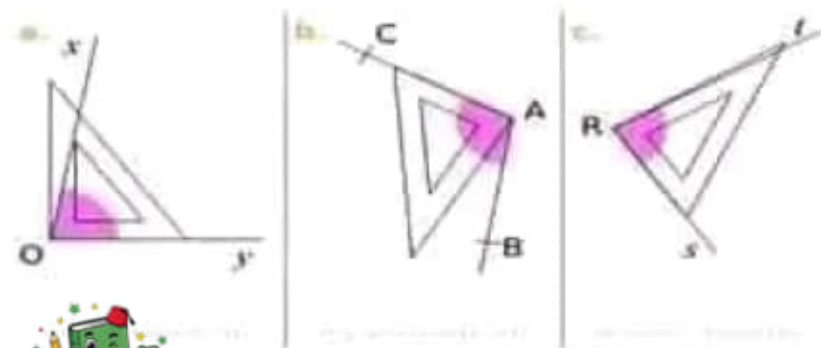
حاصل مضبوط

فمثلا: 42,666 قيمة عشرية تقريبية

للحاصل لكن الحاصل ليس عشرياً لأنه

ليس حاصل مضبوط لهذه القسمة.





التمرين السابع :

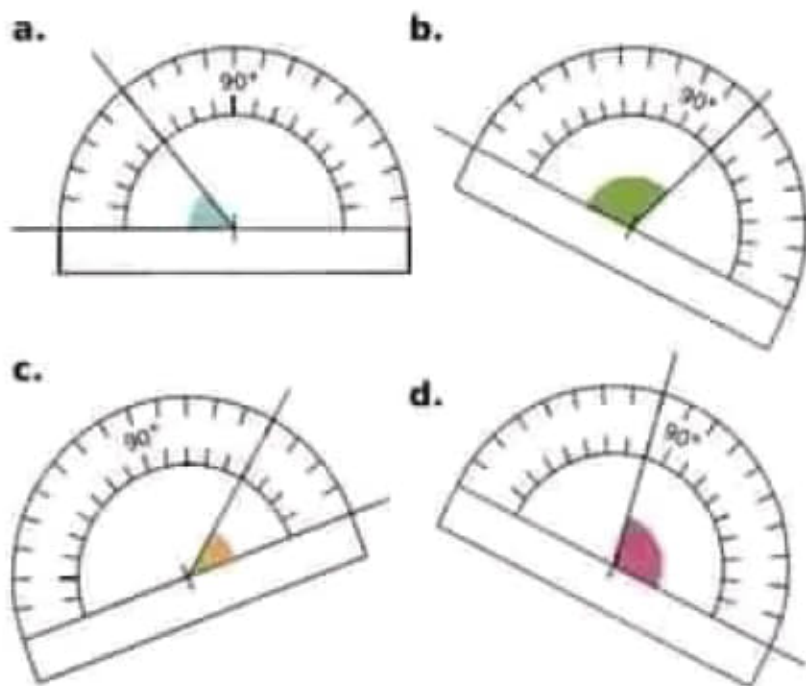
أنشئ الزوايا الآتية :

$\widehat{ABC}$	$\widehat{FED}$	$\widehat{HIJ}$	$\widehat{KLM}$	$\widehat{OPS}$	$\widehat{XVZ}$
80°	13.5°	180°	98.4°	89.5°	105°

التمرين الثامن :

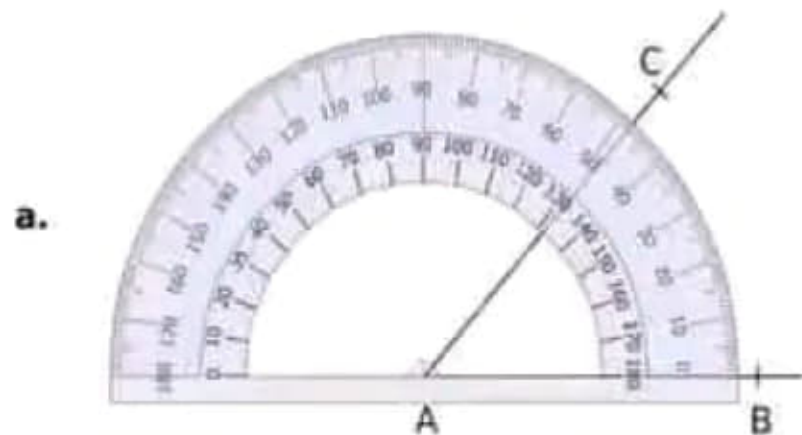
اوجد قيس الزوايا الآتية في كل حالة :

ملاحظة : كل تدريجه تمثل 10 درجات

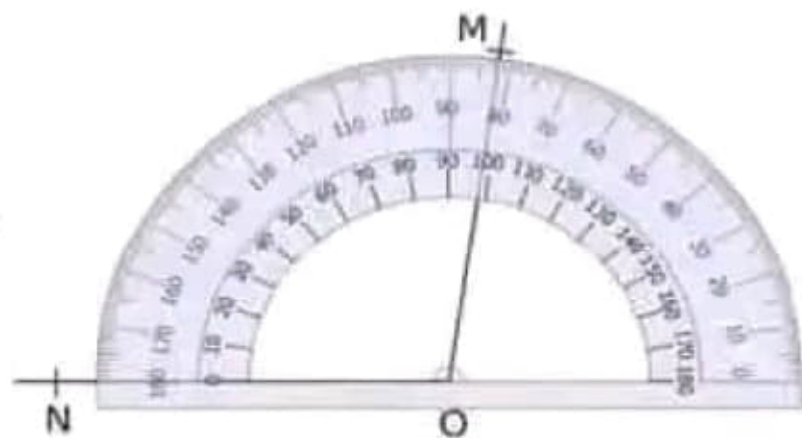


التمرين التاسع :

ما هو قيس الزاويتين $\widehat{MON}$ و $\widehat{BAC}$:



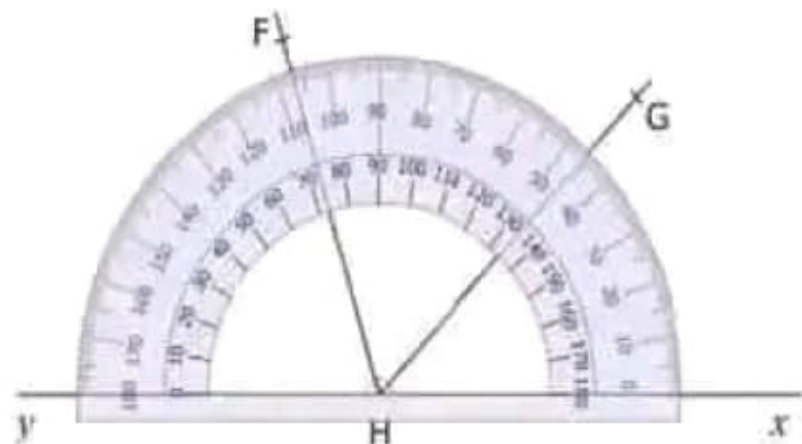
b.



التمرين العاشر :

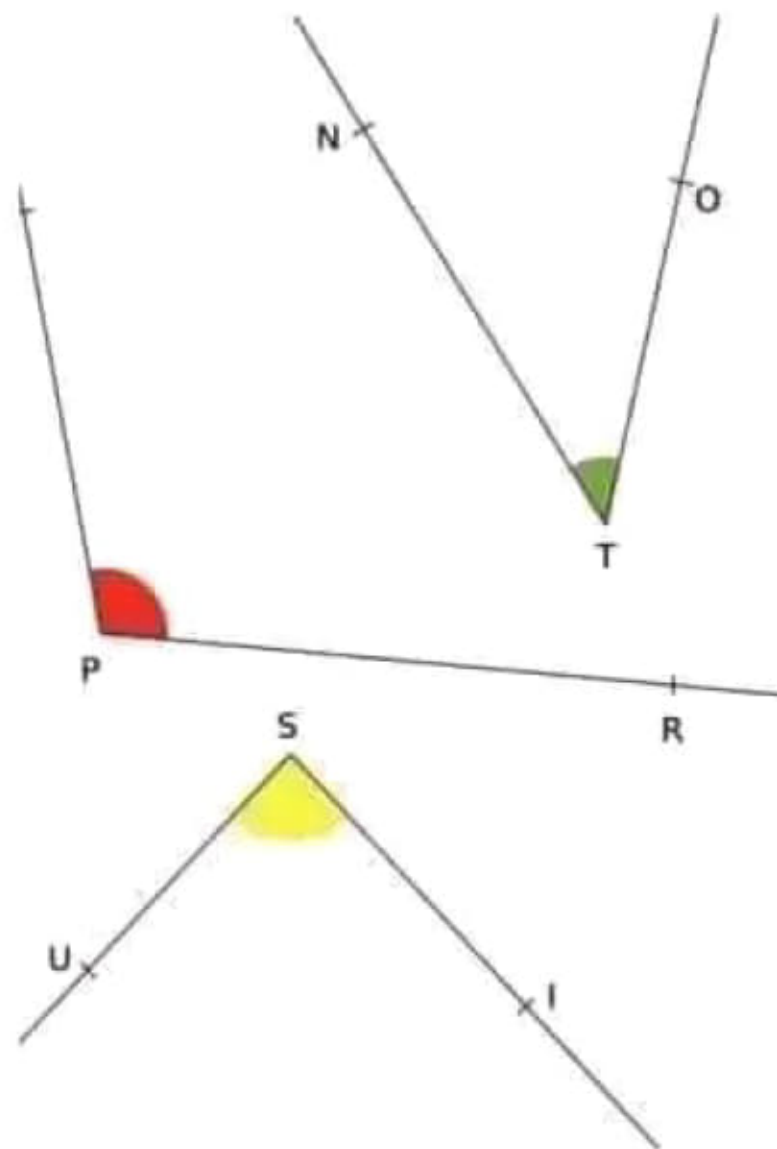
اوجد قيس الزوايا الآتية :

a. $\widehat{xHG}$; b. $\widehat{xHF}$; c. $\widehat{yHF}$; d. $\widehat{FHG}$.



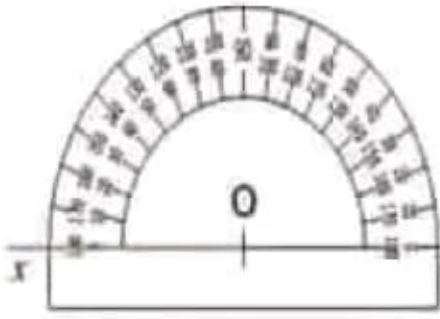
التمرين الحادي عشر :

- باستعمال المنقلة قس الزوايا الآتية :

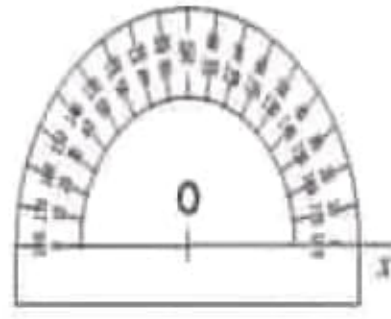


التمرين الثانية عشر :

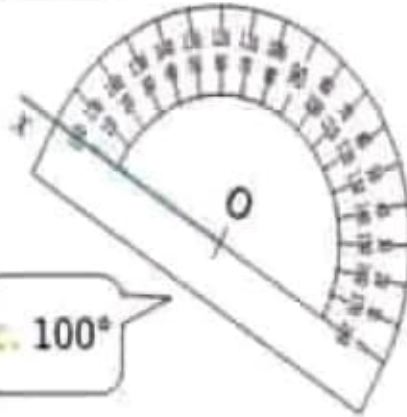
ارسم الضلع (Oy) حتى يكون قياس الزاوية صحيح :



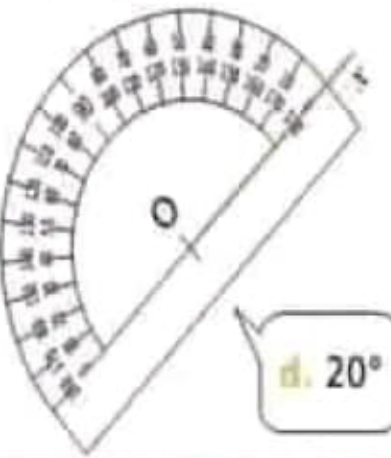
a. 50°



b. 120°



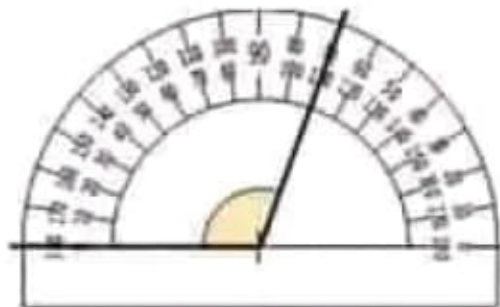
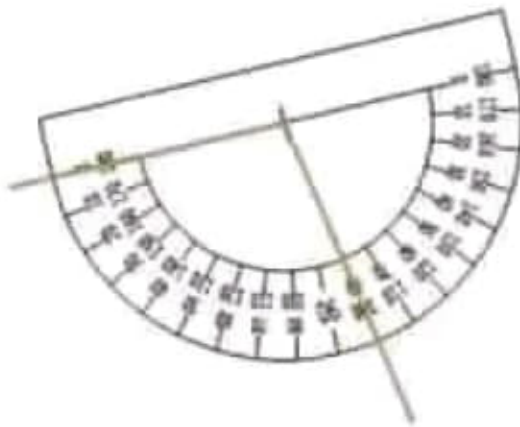
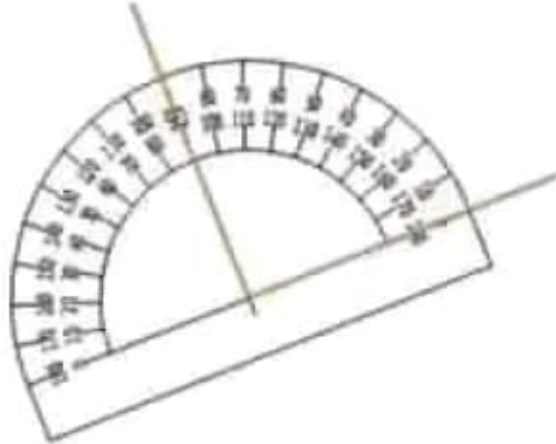
c. 100°



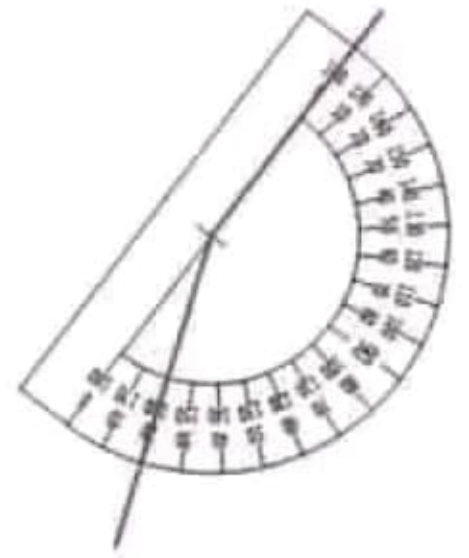
d. 20°

التمرين الرابع عشر :

ارسم منتصف الزاوية في كل حالة :

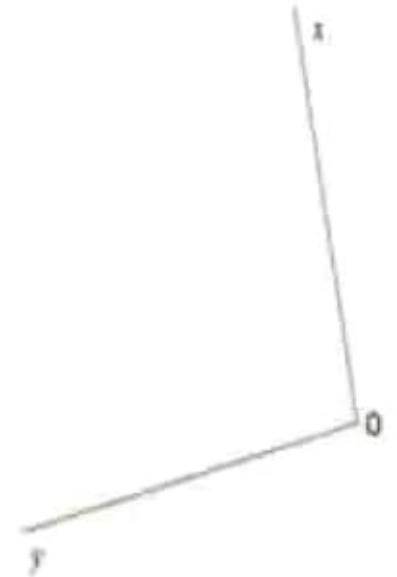
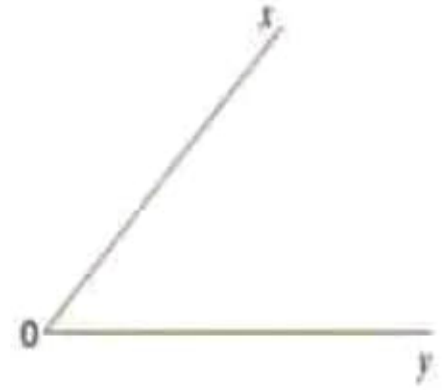
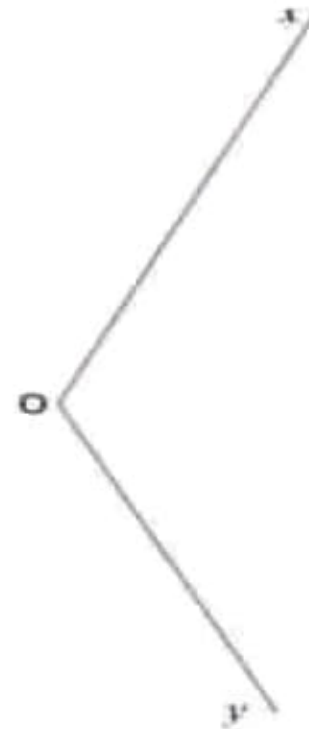


التمرين الرابع عشر :



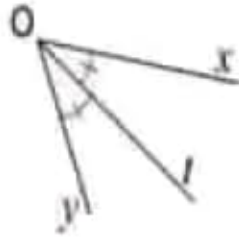
التمرين الخامس عشر :

باستعمال المدور أنشئ منتصف الزوايا الآتية :



التمرين السادس عشر :

في الشكل الآتي نصف المستقيم $[OI]$ ، يمثل منتصف الزاوية $\widehat{xOy}$:

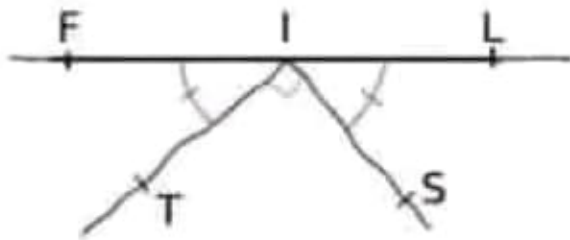


أكمل الجدول الآتي :

$\widehat{xOy}$	100°		85°		150°	
$\widehat{xOI}$		43°		57°		22°

التمرين الثامن عشر :

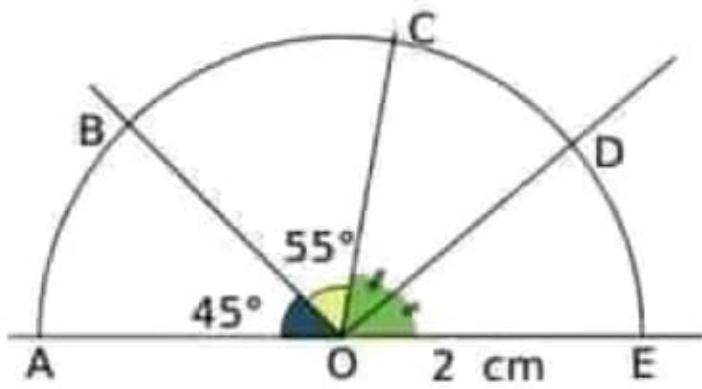
في الشكل الآتي قيس الزاوية $\widehat{LIS} = 44,5^\circ$



هل النقط F, I, L في استقامة ؟ برر جوابك

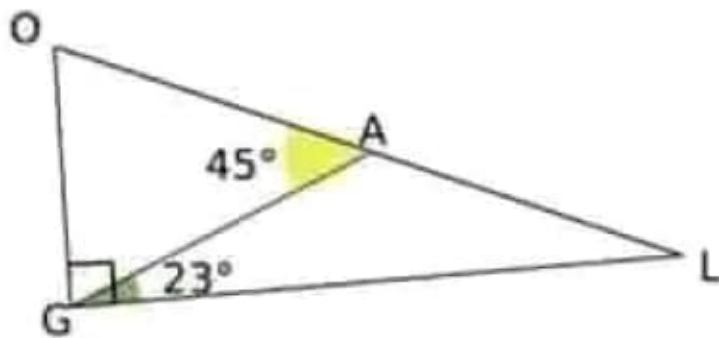
التمرين التاسع عشر :

ما هو قيس الزاوية $\widehat{DOE}$ ؟ برر جوابك



التمرين العشرون :

في الشكل الآتي النقط O, A, L في استقامة

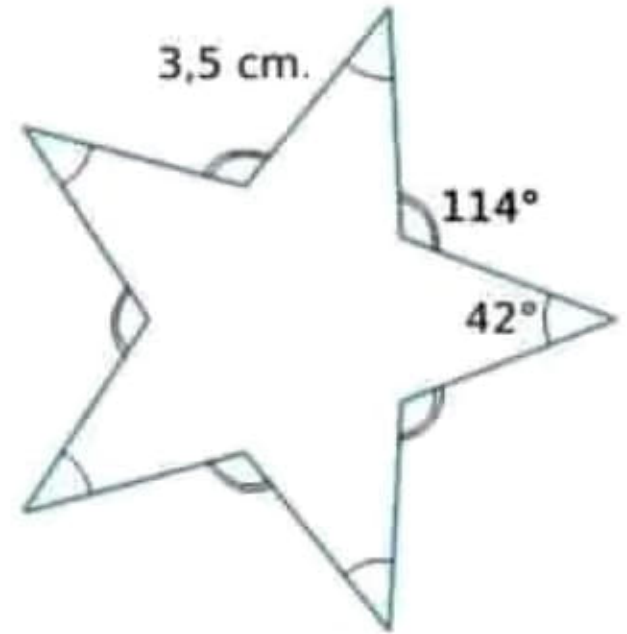


ما هو قيس الزاوية $\widehat{OGA}$ ؟ برر جوابك

ما هو قيس الزاوية $\widehat{GAL}$ ؟ برر جوابك

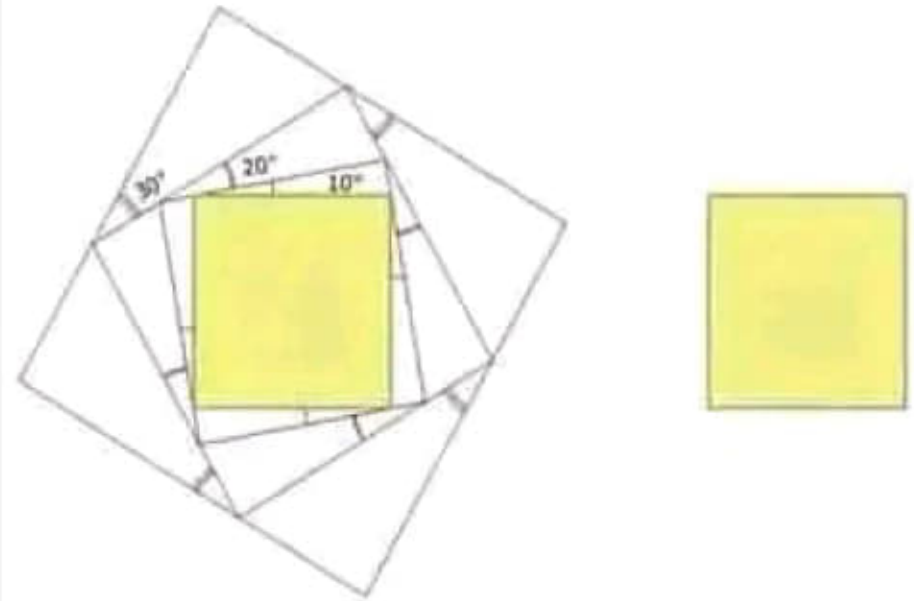
التمرين الواحد والعشرون :

اعد رسم الشكل الآتي بأقياسه الحقيقية



التمرين الثانية والعشرون :

نفس سؤال التمرين السابق



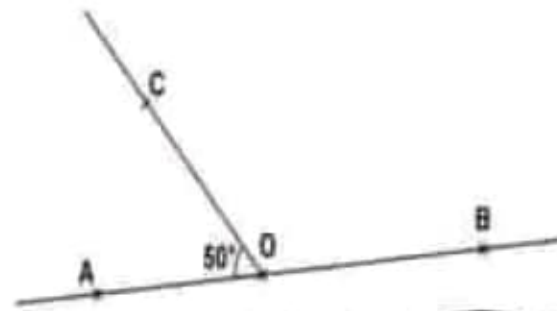
دعواتكم بالتوفيق

الأستاذ : قريشي خالد



التمرين الأول:

ليك الشكل المقابل



- 1) ما قيس الزاوية $\widehat{COB}$ ؟ (حسابيا)
- 2) أنشئ [OZ] منتصف الزاوية $\widehat{COB}$.
- 3) ما قيس الزاويتين $\widehat{COZ}$ و $\widehat{ZOB}$ ؟ علل
- 4) عين النقطة D نظيرة النقطة C بالنسبة إلى (AB).
- 5) ما نوع المثلث OCD ؟ علل.
- 6) اكمل الفراغ
نظيرة النقطة A بالنسبة إلى المستقيم (AB) هي

- نظيرة القطعة [OC] بالنسبة إلى المستقيم (AB) هي
- نظيرة نصف المستقيم [OC] بالنسبة إلى المستقيم (AB) هي
- نظيرة الزاوية $\widehat{COA}$ بالنسبة إلى المستقيم (AB) هي

التمرين الثاني :

❖ ABC مثلث قائم في B و متساوي الساقين حيث

$$BA=BC=3 \text{ cm}$$

- 1) هل هذا المثلث يقبل محور تناظر . إذا نعم قم بإنشاءه ؟
- 2) أنشئ النقطة D نظيرة النقطة B بالنسبة إلى المستقيم (AC)
- 3) ما نوع الرباعي ABCD

التمرين الثالث :



- 1) أعد رسم الشكل بقياسه الحقيقية.
- 2) اكمل الجدول الآتي :

الزاوية	حادّة	قائمة	مستقيمة	منفرجة
التسمية				
القياس				

- 3) احسب قيس الزاويتين $\widehat{rOx}$ و $\widehat{s}$ ؟

التمرين الرابع :

- 1) أنشئ قطعة مستقيم [AB] ثم أنشئ المستقيم (D) محور هذه القطعة.
- 2) أنشئ المستقيم (K) الذي يشمل A و يقطع (D) في نقطة C
- 3) ما نوع المثلث ABC ؟ علل ؟
- 4) اكمل مايلي
- نظيرة النقطة C بالنسبة إلى المستقيم (K) هي
- نظيرة النقطة A بالنسبة إلى المستقيم (K) هي
- نظيرة القطعة [AC] بالنسبة إلى المستقيم (K) هي

التمرين الخامس :

- 1) أنشئ الشكل
(d) مستقيم يمر من النقطة I.
- 2) عين النقطة M نقطة من القطعة [JK]
- 3) عين النقطة N و C هي على التوالي نظائر النقط J و M و K بالنسبة إلى المستقيم (d)

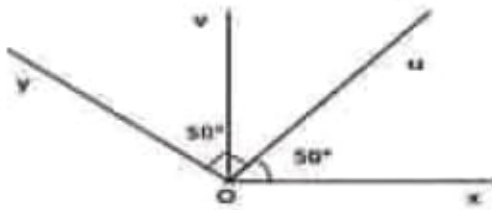
1) أنشئ الشكل

- 2) حدد نظيرة النقطة I بالنسبة للمستقيم (d)
- 3) قارن بين المسافتين JM و BN

التمرين السادس : (منقول)

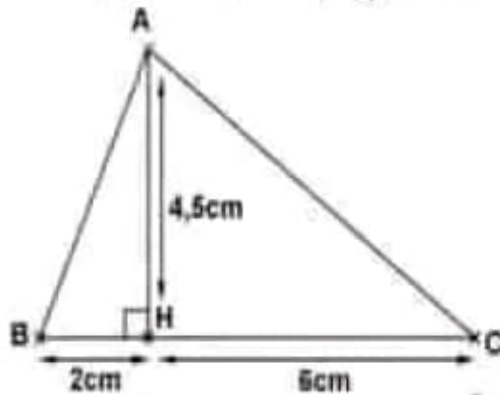
عمن جيدا في الشكل أسفله

- 1) مانوع كل من الزاويتين $\widehat{xOy}$ و $\widehat{yOv}$
- 2) دون استعمال المنقلة أحسب قيس الزاويتين : $\widehat{xOy}$ و $\widehat{uOv}$
- 3) أعد رسم الشكل بالقياسات الحقيقية.



التمرين السابع : (منقول)

لاحظ الشكل الآتي ثم أعد إنشائه بالأبعاد الحقيقية.



- عين النقطة E نظيرة النقطة H بالنسبة إلى المستقيم (AC)
- ثم عين النقطة F نظيرة النقطة H بالنسبة إلى المستقيم (AB).

أرسم الخماسي AECBF.

من الشكل ما هو نظير كل من:

- الضلع [EC] بالنسبة إلى (AC) ؟
- المثلث AHB بالنسبة إلى (AB) ؟

التمارين



- 6 (1) أنشئ دائرة (C) مركزها النقطة O ونصف قطرها 3 cm.
(2) وأنشئ دائرة (F) مركزها النقطة O ونصف قطرها 6 cm.

تعلم: الدائرتان اللتان لهما نفس المركز هما دائرتان متعكزتان.

- 7 أنشئ قطعة مستقيم [AB] بحيث $AB = 3,5 \text{ cm}$.

- ثم أنشئ دائرة مركزها النقطة A وتشمل النقطة B.
(1) ماهو نصف قطر هذه الدائرة؟
(2) ماهو قطر هذه الدائرة؟

- 8 أنشئ قطعة مستقيم [CD] حيث تعلم طولها ولا يعلم زميلك...

- (1) اطلب من هذا الزميل إنشاء النقطة O منتصف القطعة [CD] باستخدام المدور.
(2) وبدورك، أنشئ الدائرة التي مركزها النقطة O وتشمل النقطة C.
(3) اذكر قطعة تكون لهذه الدائرة قطراً.

- 9 أنشئ قطعة مستقيم [PQ].

- (1) أنشئ دائرة (C) مركزها النقطة P وتشمل النقطة Q.
(2) أنشئ دائرة (F) مركزها النقطة Q ونصف قطرها PQ.
(3) ماهو عدد النقط المشتركة بين الدائرتين (C)، (F).

- 10 أنشئ قطعة مستقيم [AC].

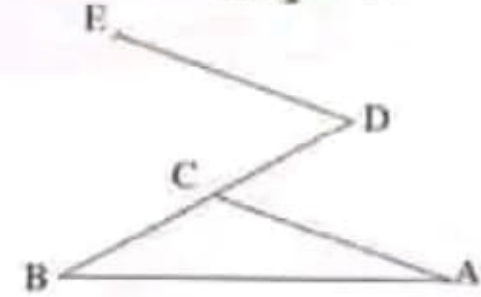
ثم أنشئ دائرة قطرها [AC].

- 1 ارسم قطعة مستقيم [AB] بحيث $AB = 3,5 \text{ cm}$.

- 2 قس طول القطعة [CD].



- 3 لاحظ الشكل الآتي جيداً:



- (1) عين جميع قطع المستقيم في هذا الشكل.
(2) أعد رسم هذا الشكل باستخدام الورق الشفاف.
(3) ارسم كل قطع المستقيم التي طرفاها نقطتان من النقط A, B, C, D, E.

- 4 أكمل الجدول الآتي:

المعطيات	[AB] قطعة مستقيم منتصفها النقطة O
إذا كان	فإن الشكل يكون
$AB = 7 \text{ cm}$	
$AB = 5,2 \text{ cm}$	
$AB = \dots$	

- 5 A, B, C ثلاث نقط من خط مستقيم بحيث:

$$AB = 5,2 \text{ cm} \quad \text{و} \quad B \in [AC]$$

$$BC = 4,6 \text{ cm}$$

- (1) أنشئ شكلاً وفق هذه المعطيات.

- (2) عين النقطة O منتصف القطعة [AB].

- (3) عين النقطة P منتصف القطعة [BC].

- (4) قس الأطوال OB, BP, OP.

$$OP = \dots \text{ cm} \quad ; \quad BP = \dots \text{ cm} \quad ; \quad OB = \dots \text{ cm}$$

تمارين محلولة

تمرين 1

أنشئ المثلث ABC في الحالتين الآتيتين :

$$\widehat{ACB} = 50^\circ \quad , \quad \widehat{ABC} = 45^\circ \quad , \quad BC = 5 \text{ cm} \quad (1)$$

$$\widehat{ABC} = 60^\circ \quad , \quad BC = 4 \text{ cm} \quad , \quad AB = 3 \text{ cm} \quad (2)$$

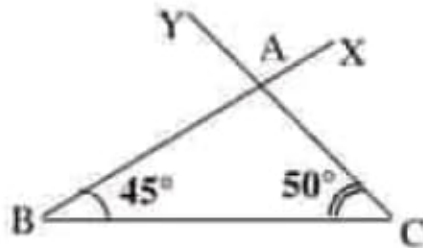
الحل

(1) نرسم القطعة المستقيمة [BC] طولها 5 cm ، ثم بالمنقلة نرسم الزاويتين

$$\widehat{YCB} = 50^\circ \quad \text{و} \quad \widehat{XBC} = 45^\circ$$

[CY] و [BX] يتقاطعان في النقطة A ،

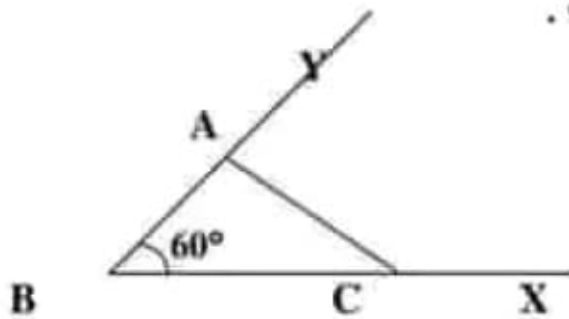
المثلث ABC هو المثلث المطلوب .



(2) بالمنقلة نرسم الزاوية $\widehat{XBY} = 60^\circ$ نعين على [BX] النقطة C و على [BY] النقطة A بحيث :

$$BC = 4 \text{ cm} \quad \text{و} \quad AB = 3 \text{ cm}$$

المثلث ABC هو المثلث المطلوب .



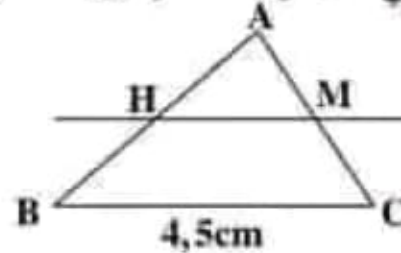
تمارين 02

(1) أنشئ المثلث ABC حيث $BC=4,5\text{cm}$ ، $AC=3,5\text{cm}$ ، $AB=4\text{cm}$.
 H منتصف $[AB]$ ، المستقيم الذي يشمل H ويوازي (BC) يقطع (AC) في النقطة M .

(2) باستعمال المنقلة تحقق أن : $\widehat{ACB} = \widehat{AMH}$ و $\widehat{ABC} = \widehat{AHM}$

الحل

(1) نرسم قطعة مستقيمة $[BC]$ طولها $4,5\text{cm}$. نرسم قوس دائرة مركزها B ونصف قطرها 4cm . ثم نرسم قوس دائرة مركزها C ونصف قطرها $3,5\text{cm}$. القوسان يتقاطعان في النقطة A . و بالتالي نتحصل المثلث ABC المطلوب .



(2) بالمنقلة نقيس الزاويتين $\widehat{AHM}$ و $\widehat{ABC}$ و سنجد هما متقايستان أيضا بنفس الطريقة نجد أن الزاويتين $\widehat{AMH}$ و $\widehat{ACB}$ متقايستان .

تمارين 03

هل يمكن رسم مثلث ABC في الحالات الآتية :

(1) $AC = 3\text{ cm}$, $BC = 2\text{ cm}$, $AB = 7\text{ cm}$

(2) $AC = 3\text{ cm}$, $BC = 9\text{ cm}$, $AB = 4\text{ cm}$

(3) $AC = 4\text{ cm}$, $BC = 5\text{ cm}$, $AB = 6\text{ cm}$

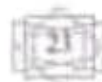
الحل

يمكن رسم مثلث إذا كان طول كل ضلع أكبر من فرق طولي الضلعين الآخرين وأصغر من مجموع طوليها .

في الحالتين (1) و (2) لا يمكن رسم المثلث ABC .

في الحالة (3) يمكن رسم المثلث ABC

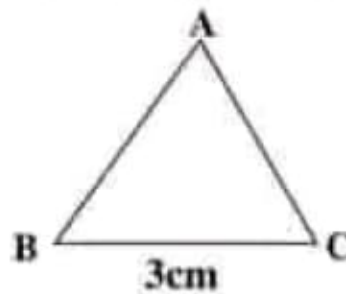
تمارين 04



أنشئ مثلث ABC متساوي الساقين ذات الرأس الأساسي A حيث : $AB = 4 \text{ cm}$ ، $BC = 3 \text{ cm}$. باستعمال المنقلة قيس الزاويتين $\hat{B}$ و $\hat{C}$. ماذا تلاحظ ؟

الحل

نرسم قطعة مستقيمة $[BC]$ طولها 3 cm ، ثم نرسم قوس دائرة مركزها B ونصف قطرها 4 cm و بنفس الفتحة نرسم قوس دائرة مركزها C القوسان يتقاطعان في النقطة A المثلث ABC هو المثلث المطلوب .
بالمنقلة نجد : $\hat{C} = \hat{B} = 67,5^\circ$ ، نلاحظ أن : $\hat{B} = \hat{C}$

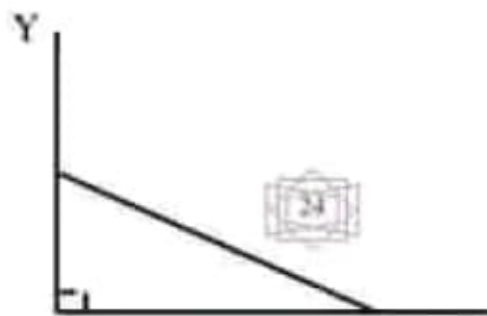


تمرين 5

- 1) أنشئ مثلث ABC قائم في A حيث : $AB = 3 \text{ cm}$ و $AC = 4 \text{ cm}$
- 2) باستعمال المنقلة قيس الزوايا ذات الرأس $\hat{B}$ و $\hat{C}$ ثم احسب مجموعهما. ماذا تلاحظ ؟

الحل

- 1) نرسم الزوايا القائمة $\hat{XAY} = 90^\circ$ على (AY) نعين النقطة B وعلى (AX) نعين النقطة C بحيث : $AB = 3 \text{ cm}$ و $AC = 4 \text{ cm}$
- 2) بالمنقلة نجد أن : $\hat{B} = 55^\circ$ و $\hat{C} = 35^\circ$ و $\hat{C} + \hat{B} = 90^\circ$. مجموع قياسي الزاويتين الحادتين في مثلث قائم الزاوية هو 90° .





تمرين 6

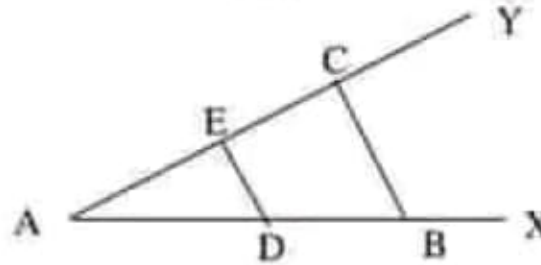
زاوية ناتئة $\widehat{XAY}$ ، نعين النقطة B على [AX] والنقطة C على [AY] بحيث

$$AB = AC$$

- (1) مانوع المثلث ABC ؟ النقطة D هي منتصف [AB] ، E هي منتصف [AC] .
- (2) مانوع المثلث ADE .

الحل

- (1) المثلث ABC فيه ضلعان متقايسان فهو متساوي الساقين .
- (2) $AD = AE$ ، فالمثلث ADE هو متساوي الساقين .

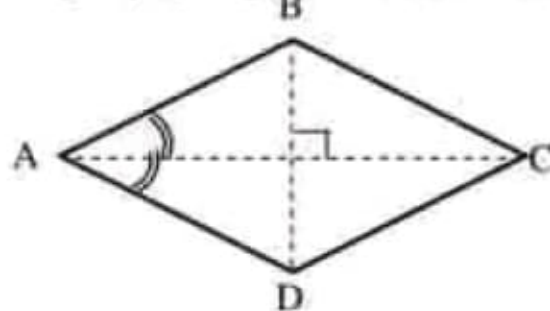


تمرين 7

- (1) أنشئ معين ABCD طول ضلعه [AB] هو 4cm وطول القطر [AC] هو 6cm
- (2) باستعمال المنقلة تحقق بان [AC] هو منتصف للزاوية $\widehat{BAD}$.
- (3) باستعمال الكوس تحقق أن القطرين [AC] و [BD] متعامدان .

الحل

- بالمسطرة نرسم القطر [AC] الذي طوله 6 cm . نرسم قوس دائرة مركزها A ونصف قطرها 4 cm ثم بنقس الفتحة نرسم قوس دائرة مركزها C . القوسان يتقاطعان في النقطتين B و D . الرباعي ABCD هو المعين المطلوب .
- (2) بالمنقلة نتحقق بان الزاويتين $\widehat{BAC}$ و $\widehat{DAC}$ هما متقايستين ومنه [AC] هو منتصف للزاوية $\widehat{BAD}$.
- (3) بالكوس نتحقق بان القطرين [AC] و [BD] متعامدان .



تمرين 8

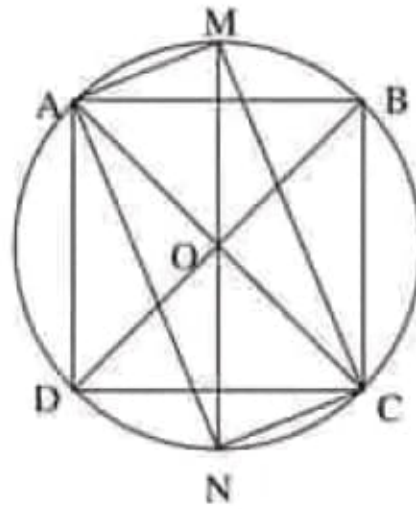
- ABCD مربع . (C) هي الدائرة التي قطرها [AC] .
 (1) تحقق أن B و D تنتميان إلى الدائرة (C) .
 (2) M و N نقطتان من (C) .

كيف يمكن تعيين النقطتين M و N على (C) حتى يكون AMCN مستطيل .

الحل

بالمسطرة نلاحظ أن $OA = OC = OD = OB$ ومنه النقاط الأربعة هي على نفس الدائرة (C)

يكون الرباعي AMCN مستطيل إذا كانت [MN] قطر للدائرة و (MN) لا يعامد (AC)



تمرين 9

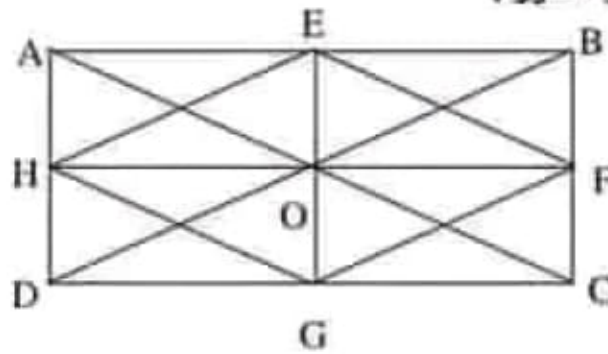
- قطري المستطيل ABCD يتقاطعان في النقطة O . المستقيم الذي يشمل O ووازي (BC) يقطع [AB] في E و [CD] في G . المستقيم الذي يمر بالنقطة O ووازي (AB) يقطع [BC] في F و [DA] في H .
 (1) تحقق أن الرباعي AEOH هو مستطيل . هل $EH = AO$ ؟
 (2) ما طبيعة الرباعي EFGH ؟



الحل

- (1) بالكوس نتحقق بأن الزوايا الأربعة للرباعي AEHO هي قائمة والضلعين [AE] و [AH] غير متقايسان فالرباعي AEHO هو مستطيل .
بما أن AEHO مستطيل فيكون قطريه [AO] و [EH] متقايسان .
ومنه : $EH = AO$.

- (2) الرباعي EFGH هو معين لأن أضلاعه الأربعة متقايسة يمكن التحقق من هذا باستعمال المسطرة أو المدور .



تمرين 10

- النقاط المشتركة للشريطين متقاطعان (انظر الشكل). ما طبيعة الرباعي ABCD في الحالات الآتية :
- (1) الشريطان لهما نفس العرض.
 - (2) الشريطان متعامدان وعرضاهما مختلفان .
 - (3) الشريطان متعامدان وعرضاهما متقايسان .

الحل

- (1) إذا كان الشريطان لهما نفس العرض فيكون الرباعي ABCD معين .
- (2) إذا كان الشريطان متعامدين وعرضاهما مختلفان فيكون الرباعي ABCD مستطيل .
- (3) إذا كان للشريطين نفس العرض وهما متعامدان فيكون الرباعي ABCD مربع .

