



المستوى الثاني ثانوي رياضيات

المدة: 1 سا

نوفمبر 2025

فرض الفصل الأول في مادة الرياضيات

**التمرين الأول (8 ن):**

أجب بـ صحيح أو خطأ مع تعليق الصحيح وتعليق الخطأ:

1- المعادلة  $0 = 2021 - 270x^2 - 2x$  تقبل حلين متناقضين

2- الدالة  $f$  المعرفة على المجال  $[2; +\infty)$  بـ  $f(x) = \sqrt{2-x}$  متزايدة تماما على هذا المجال3- الدالة  $g$  و الدالة  $\sqrt{2}$  متزايدتان لأن  $0 > \sqrt{2}$ 4- من أجل كل  $x$  من  $R^+$  مجموعة حلول المعادلة

$$S = \left\{ 1; \frac{49}{4} \right\} \text{ هي: } 2(\sqrt{x} - 2)^2 - (\sqrt{x} - 2) - 3 = 0$$

**التمرين الثاني (12 ن):**نعتبر كثير الحدود  $P(x) = x^3 - 4x^2 + 5x - 2$  المعروف بـ(1) أحسب  $P(1)$ . ماذا تستنتج؟(2) أوجد الأعداد الحقيقية  $a$ ,  $b$  و  $c$  حيث من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}$ :

$$P(x) = (x - 1)(ax^2 + bx + c)$$

(3) حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $P(x) = 0$  ثم استنتج حلول المعادلة

$$|x - 1|^3 - 4|x^2 - 2x + 1| + 5|x - 1| + 2 = 4$$

(4) حل في  $\mathbb{R}$  المترابحة  $0 < P(x) < 7$  ثم استنتج إشارة  $P(x)$ (5) حل في  $\mathbb{R}$  المترابحة  $1 - x \leq \sqrt{P(x)}$

6) ليكن  $f$  و  $g$  كثيراً حدود ذات الوسيط الحقيقي  $m$  بحيث:

$$f_m(x) = x^2 - 4x + m + 1$$

$$g_m(x) = x^2 + 2x - 2m + 1$$

عين قيمة  $m$  حتى يقبل كل من  $f$  و  $g$  جذراً مشتركاً، وجب تعبينه

التصحيح النموذجي :

التمرين الأول (8 ن):

1- صحيح

2- خطأ

3- خطأ

4- صحيح

التمرين الثاني (12 ن):

نعتبر كثير الحدود  $P(x)$  المعروف بـ

$P(x) = 0$  نستنتج أن 1 جذر ل  $P(1) = 0$  (1)

(2) من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}$  :

$$P(x) = (x - 1)(x^2 - 3x + 2)$$

$S = \{1, 2\}$  تكافئ  $P(x) = 0$  (3)

$|x - 1|^3 - 4|x^2 - 2x + 1|^2 + 5|x - 1| + 2 = 4$   
 $S = \{-1, 0, 2, 3\}$  و منه  $P(|x - 1|) = 0$

$S = ] -\infty; 1] \cup ]1; 2[$  تكافئ  $P(x) < 0$  (4)

$$P(3\pi^2 + 7) > 0$$

$S = [3; +\infty[$  تكافئ  $\sqrt{P(x)} \geq x - 1$  (5)

(6) نعلم ان :  $f_m(\alpha) = g_m(\alpha)$  اذا

$$\alpha = 1 \text{ و } m = 2\alpha$$