

التمرين الأول:

1- أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 448 و 63.

2- بين أن:
$$\sqrt{\frac{448}{63}} \times \frac{2}{5} = \frac{2}{3} \times \frac{\sqrt{64}}{5}$$

3- لدينا:
$$A = 4\sqrt{63} - \frac{1}{2}\sqrt{448} - 8\sqrt{7} \quad \text{و} \quad B = \frac{\sqrt{3} - 1}{\sqrt{3}}$$

أ- بين أن: $A = 0$.

ب- أكتب العدد B على شكل نسبة مقامها عدد ناطق.

4- حل المعادلة التالية ذات المجهول x بحيث: $4(x^2 - 3x) = -12x + 3$

التمرين الثاني:

1- هل العددين 1070 و 435 أوليان فيما بينهما؟ برر بدون حساب؟

2- لتكن $A; B; C$ أعداد حقيقية بحيث:
$$A = 3\sqrt{54} - 2\sqrt{216} + \sqrt{36} + \sqrt{24}$$

$$B = (\sqrt{6} - 2)(2\sqrt{6} + 3) \quad C = \frac{2\sqrt{3} - 6}{2\sqrt{3}}$$

أ- أثبت أن: $A = B$

ب - بين أن: $C = 1 - \sqrt{3}$

3- حل المعادلات التالية ذات المجهول x بحيث: $x^2 = 36$; $x^2 + 2 = 30$

$$x^2 + 5 = -4 \quad ; \quad x^2 - 12 = -12$$

التمرين الثالث:

يمتلك فريد حديقة مستطيلة الشكل طولها 539 m وعرضها 396 m.

يريد فريد إحاطتها بسياج حديدي ومن أجل ذلك سيقوم بتثبيت أعمدة تتباعد عن بعضها البعض بنفس المسافة

(عدد طبيعي) مع وضع عمود في كل ركن من أركان الحديقة.

1- فريد يريد تثبيت أقل عدد ممكن من الأعمدة، فيما تنصحه؟ علل؟

2- ما هو عدد الأعمدة التي سيثبتها عندئذ؟



حل الموضوع الثاني في مادة الرياضيات

السنة الرابعة
متوسط

التمرين الأول:

1 - حساب القاسم المشترك الأكبر للعددين 63 و 448 .

نحسب: $\text{PGCD}(448, 63)$

$$448 = 63 \times 7 + 7$$

$$63 = 7 \times 9 + 0$$

$$\text{PGCD}(448, 63) = 7$$

2 - بين أن $\sqrt{\frac{448}{63}} \times \frac{2}{5} = \frac{2}{3} \times \frac{\sqrt{64}}{5}$

أولاً نختزل الكسور : $\frac{448}{63}$: نقسم على PGCD فنحصل على
كسور غير قابل للاختزال

$$\frac{448 \div 7}{63 \div 7} = \frac{64}{9}$$

$$\sqrt{\frac{64}{9}} \times \frac{2}{5} = \frac{2}{3} \times \frac{8}{5}$$

$$\frac{\sqrt{64}}{\sqrt{9}} \times \frac{2}{5} = \frac{16}{15}$$

$$\frac{8}{3} \times \frac{2}{5} = \frac{16}{15}$$

$$\frac{16}{15} = \frac{16}{15} \quad \leftarrow \text{وهو المطلوب}$$

3 - لدينا : $A = 4\sqrt{63} - \frac{1}{2}\sqrt{448} - 8\sqrt{7}$ و $B = \frac{\sqrt{3} - 1}{\sqrt{3}}$

P - بين أن : $A = 0$

$$A = 4\sqrt{7 \times 9} - \frac{1}{2}\sqrt{7 \times 64} - 8\sqrt{7}$$

$$A = 4 \times 3\sqrt{7} - \frac{1}{2} \times 8\sqrt{7} - 8\sqrt{7}$$

$$A = 12\sqrt{7} - 4\sqrt{7} - 8\sqrt{7}$$

$$A = (12 - 4 - 8)\sqrt{7}$$

$$A = 0 \quad \leftarrow \text{وهو المطلوب}$$

ج. أكتب العدد B على شكل نسبة مقامها عدد ناطق

$$B = \frac{\sqrt{3} - 1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3} - 1}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3} \times \sqrt{3} - \sqrt{3}}{3}$$

$$B = \frac{3 - \sqrt{3}}{3}$$

4 - حل المعادلة التالفة ذات المجهول x بعين:

$$4(x^2 - 3x) = -12x + 3$$

$$4x^2 - 12x = -12x + 3$$

$$4x^2 = -12x + 12x + 3$$

$$4x^2 = 3$$

$$x^2 = \frac{3}{4}$$

$$x = \sqrt{\frac{3}{4}} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{4}} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$x = -\sqrt{\frac{3}{4}} = -\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{4}} = -\frac{\sqrt{3}}{2}$$

* المعادلة تقبل حلان وهما : $x = \frac{\sqrt{3}}{2}$ أو $x = -\frac{\sqrt{3}}{2}$

التصنيف الثاني :

1 - هل العدان 435 و 1070 أوليان فيما بينهما ؟
العدان 435 و 1070 غير أوليان فيما بينهما.
التعليل : لأنهما يقبلان القسمة على 5 ، لأن رقم أحدهما 5 و 0

2 - A, B, C أعداد حقيقية

ف أثبت أن $A = B$

$$A = 3\sqrt{54} - 2\sqrt{216} + \sqrt{36} + \sqrt{4}$$

$$B = (\sqrt{6} - 2)(2\sqrt{6} + 3)$$

$$A = 3\sqrt{6 \times 9} - 2\sqrt{6 \times 36} + \sqrt{6^2} + \sqrt{6 \times 4}$$

$$A = 3 \times 3\sqrt{6} - 2 \times 6\sqrt{6} + 6 + 2\sqrt{6}$$

$$A = 9\sqrt{6} - 12\sqrt{6} + 2\sqrt{6} + 6$$

$$A = (9 - 12 + 2)\sqrt{6} + 6$$

$$A = -\sqrt{6} + 6 \quad ; \quad A = 6 - \sqrt{6}$$

$$B = \sqrt{6} \times 2\sqrt{6} + 3\sqrt{6} - 2 \times 2\sqrt{6} - 2 \times 3$$

$$B = 6 \times 2 + 3\sqrt{6} - 4\sqrt{6} - 6$$

$$B = 12 - 6 + (3 - 4)\sqrt{6}$$

$$B = 6 - \sqrt{6}$$

ومنه : $A = B$

ب - بين أن : $C = 1 - \sqrt{3}$

$$C = \frac{2\sqrt{3} - 6}{2\sqrt{3}} \quad \text{لدينا :}$$

$$C = \frac{2\sqrt{3} - 6}{2\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{3} \times \sqrt{3} - 6\sqrt{3}}{2\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{2 \times 3 - 6\sqrt{3}}{2 \times 3}$$

$$= \frac{6 - 6\sqrt{3}}{6} = \frac{6(1 - \sqrt{3})}{6} = 1 - \sqrt{3}$$

3 - حل المعادلات التالية ذات المجهول x بحيث

$$x^2 = 36 \quad ; \quad x^2 + 2 = 30$$

$$x^2 + 5 = -4 \quad ; \quad x^2 - 12 = -12$$

الحل :

$$x^2 = 36 \quad ; \quad x = \sqrt[af]{36} = 6$$

$$x = -\sqrt{36} = -6$$

المعادلة تقبل حلان هما $x = \{6, -6\}$

$$x^2 + 2 = 30$$

$$x^2 = 30 - 2 \quad ; \quad x^2 = 28 \quad ; \quad x = \sqrt[af]{28} = \sqrt{4 \times 7} = 2\sqrt{7}$$

$$x = -\sqrt{28} = -\sqrt{4 \times 7} = -2\sqrt{7}$$

المعادلة تقبل حلان هما $x = \{-2\sqrt{7}, 2\sqrt{7}\}$

$$x^2 + 5 = 4 \quad ; \quad x^2 = 4 - 5 \quad ; \quad x^2 = -1$$

المعادلة ليس لها حل في مجموعة الأعداد الحقيقية لأن

$$x^2 < 0$$

$$x^2 - 12 = -12 \quad ; \quad x^2 = 12 - 12 \quad ; \quad x^2 = 0$$

وعليه $x = 0$

المعادلة تقبل حلاً واحداً : $x = \{0\}$

التصنيف الثالث :

1 - أنصح فريد إذا أراد تثبيت أقل عدد ممكن من الأعمدة فعليه أن يترك أكبر مسافة بين كل عمودين .

- وعليه نحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 539 و 396

$$\text{PGCD}(539, 396)$$

$$539 = 396 \times 1 + 143$$

$$396 = 143 \times 2 + 110$$

$$143 = 110 \times 1 + 33$$

$$110 = 33 \times 3 + 11$$

$$33 = 11 \times 3 + 0$$

$$\text{PGCD}(539, 396) = 11 \quad \text{اذن}$$

- المسافة التي يتركها بين كل عمودين هي 11 m

2 - عدد الأعمدة التي سيثبتها :

$$(539 + 396) \times 2 \div 11 = 170$$

اذن عدد الأعمدة هو : 170 عمود