| 🗢 المستوى: الرَّابع المتوسِّط.   | متوسطة: عرعار بن علية - دار الشيوخ                              |  |
|--|---|--|
| · · ·  | ن مُدرِّس مادَّة الرِّياخيَّاتِ                                 |  |
| :⊿   | الأُسْتِاذ : جَيْوَخ العربي.                                    |  |
|  |   |  |
| التّمرين الشامل: الأوّل.   | اللَّقبِ والاسم:  |  |
| المُدَّة الزَّمنيَّة : سائحة واحدة. المُدَّة الزَّمنيَّة : سائحة واحدة.  | ا ال <b>قسم: القسم:</b> ۸ س                                     |  |
|  | •                         |  |
| □ ملاحظة هامة!   □ يسمح باستعمال الآلة الحاسبة العلمية غير المبرمجة.   |   |  |
| نص التَّمرين :   |   |  |
|  | <ul> <li>لتكن الأعداد الحقيقيّة A ، B ، C ، حَيْثُ :</li> </ul> |  |
| $\mathcal{A}=3rac{\sqrt{8}}{\sqrt{72}}-\sqrt{rac{192}{243}}$ $\mathcal{C}=$                                      | $\frac{7}{3} - \frac{1}{3} \div \frac{1}{-38}$                  |  |
| $\mathcal{B}=rac{2^{5}	imes10^{7}	imes3	imes10^{-8}	imes4}{2^{6}	imes\left(10^{3} ight)^{-3}	imes8} \mathcal{D}=$ | $=\sqrt{60}+3\sqrt{240}-4\sqrt{3}\left(2\sqrt{5}-1 ight)$       |  |
| 1. هَلْ العددان 243 وَ 192 أَوَّليان فيما بيْنهُما؟ (دُون إجْراء أَيْ حساب).                                       |   |  |
|  |   |  |
| •  | •••••   |  |
| •••••  | •••••   |  |
| •  | ••••••  |  |
| 2 وَ 192.  | 1.2. أحْسب القاسم المشْترك الأكْبر للعدديْن 43                  |  |
|  |   |  |
|  | •••••   |  |
|  | •••••   |  |
| •  | - 1   |  |
|  | ب. بطريقة ثانية، أجب عن السؤال 1.                               |  |
|  |   |  |
| •  | ج. أكتب الكسر $\frac{192}{100}$ على أَبْسَط شكل مُمْكن.         |  |

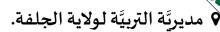
**الله أُسْتاذ المادَّة: جَيْوَخ العربي.** 

اً. أُكْتب a وَ  $\sqrt{72}$  على الشّكل  $a\sqrt{2}$ ، حَيْثُ a عددٌ طبيعيٌّ.

● إقْلب الورقة.

| المستوى: الرَّابع المتوسِّط.                 | متوسطة: عرعار بن علية - دار الشيوخ  |
|--|---|
|  | بَيِّن أَنَّ : $A$ عددٌ ناطقٌ.  |
|  |   |
| •••••  | •   |
| •••••  | •••••   |
| •••••  | 12 \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \  |
|  | 4. جِدْ الكتابة العلْميَّة للعدد 13.  |
|  |   |
| •      |   |
| •••••  | •   |
|  | . أُحْسب العدد $c$ واكتبه على أَبْسَطِ شكل مُمْكن.  |
|  |   |
|  |   |
| •••••  | •   |
|  |   |
| وَ $b$ عددان طبيعيان، يُطْلب تعيّينهُما. $a$ | $a\sqrt{\mathcal{C}}+b\sqrt{rac{\mathcal{C}}{5}}$ أ. أُكْتب العدد $\mathcal{D}$ على الشَّكل. أُكْتب العدد. |
|  |   |
|  |   |
|  | •   |
|  | $\mathcal{D}=2\sqrt{3}\left(3\sqrt{5}+2 ight)$ : بَيِّن أَنَّ $\left(3\sqrt{5}+2 ight)$                     |
| ••••   |   |
|  |   |
|  |   |
| •••••  | •   |
|  | $\mathcal{D}\left(3\sqrt{5}-2 ight)=82\sqrt{3}$ ج. بَيِّن أَنَّ $: \mathcal{D}\left(3\sqrt{5}-2 ight)$      |
| •••••  |   |
|  |   |
| •••••  | ••••••  |
| •••••  |   |
|  | د. اِجْعل مقام النِّسْبة $rac{1}{\mathcal{D}\left(3\sqrt{5}-2 ight)}$ عددًا ناطقًا.                        |
|  |   |

**=** أُسْتاذ المادَّة: جَيْوَخ العربي.





# 

# التَّصْحيح المفصِّل التَّمريـــن الشِّالِ اللَّقِل في ملحَّة الرِّياضيَّات.

🧢 المستوى: الرَّابع المتوسِّط.

## <u>أُستاذ المادَّة:</u> جَيْوَخ العربي.

#### $a\sqrt{2}$ على الشّكل $\sqrt{72}$ ع $\sqrt{8}$ .أ. كتابة

$$\sqrt{8} = \sqrt{4 \times 2} = \sqrt{4} \times \sqrt{2} = 2\sqrt{2}$$

$$\sqrt{72} = \sqrt{36 \times 2} = \sqrt{36} \times \sqrt{2} = 6\sqrt{2}$$

## ب. تَبيّين أَنَّ: ٨ عددٌ ناطقٌ:

$$\begin{vmatrix} \mathcal{A} = 3\frac{\sqrt{8}}{\sqrt{72}} - \sqrt{\frac{192}{243}} = 3\frac{2\sqrt{2}}{6\sqrt{2}} - \sqrt{\frac{64}{81}} \\ = \frac{3 \times 2\sqrt{2}}{6\sqrt{2}} - \frac{\sqrt{64}}{\sqrt{81}} = \frac{6\sqrt{2}}{6\sqrt{2}} - \frac{8}{9} = 1 - \frac{8}{9} \\ = \frac{1 \times 9 - 1 \times 8}{1 \times 9} = \frac{9 - \frac{8}{8}}{9} = \frac{1}{9}$$

بما أَنَّ :  $\frac{1}{0}$  عددٌ ناطقٌ، فَإنَّ :  $\mathcal{A}$  عددٌ ناطقٌ.

## 4. إيجاد الكتابة العلميَّة للعدد 3:

$$\begin{split} \mathcal{B} &= \frac{2^5 \times 10^7 \times 3 \times 10^{-8} \times 4}{2^6 \times \left(10^3\right)^{-3} \times 8} \\ &= \frac{2^5 \times 3 \times 4}{2^6 \times 8} \times \frac{10^7 \times 10^{-8}}{\left(10^3\right)^{-3}} \\ &= \frac{32 \times 12}{64 \times 8} \times \frac{10^{7+(-8)}}{10^{3 \times (-3)}} = \frac{384}{512} \times \frac{10^{-1}}{10^{-9}} \\ &= 0,75 \times 10^{-1-(-9)} = 7,5 \times 10^{-1} \times 10^8 \\ &= 7,5 \times 10^{-1+8} = 7,5 \times 10^7 \end{split}$$

#### 5. حساب العدد *C* :

$$\begin{vmatrix} \mathcal{C} = \frac{7}{3} - \frac{1}{3} \div \frac{1}{-38} = \frac{7}{3} - \frac{1}{3} \times \frac{-38}{1} \\ = \frac{7}{3} - \frac{1 \times (-38)}{3 \times 1} = \frac{7}{3} - \frac{-38}{3} \\ = \frac{7 - (-38)}{3} = \frac{7 + 38}{3} \\ = \frac{45}{3} = 15 \end{vmatrix}$$

#### ◄ حل التَّمرين :

1. هلْ العددان 672 و 364 أوليَّان فيما بيْنهما؟ : # العدد 243 يقبل القسمة على 3، لأنَّ مجموع أرقامه  $(1) \cdots \cdots 3$  من مضاعفات 2+4+3=9⊳ العدد 192 يقبل القسمة على 3، لأنَّ مجموع أرقامه  $(2) \cdots \cdots 3$  من مضاعفات (2) + 9 + 2 = 12إذن، نستنتج من (1) وَ (2) أَنَّ 3 قاسم مُشترك للعددين 243 و 192 وبختلف عن 1، أَيْ أَنَّ : 192 و  $\mathcal{PGCD}\left(243;192
ight) 
eq 1$ 

لنْسَا أولِييْن فيما بيْنهما.

2.أ. حساب (243; 192) :

 $\mathcal{PGCD}(243;192)$ : نحسب  $\bullet$ 

◄ بتطبيق خوارزمية إقليدس، نجد:

$$243 = 192 \times 1 + 51$$
$$192 = 51 \times 3 + 39$$

$$51 = 39 \times 1 + 12$$

$$39 = 12 \times 3 + 3$$

$$12 = 3 \times 4 + 0$$

$$\mathcal{PGCD}(243;192)=3$$
 إذن:

## 🗭 لأنَّ آخر باق غير معدوم هو: 3.

ب. بطريقة ثانيَّة، إجابة عن السُؤال الأوّل: بما أنَّ :  $1 \neq 3 \neq 1$  فالعددان  $\mathcal{PGCD}\left(243;192\right) = 3$ 

243 و 192 ليْسَا أولييْن فيما بيْنهما. ج. كتابة الكسر 192 على أَبْسط شكل مُمْكن:

$$\frac{192}{243} = \frac{192 \div 3}{243 \div 3} = \frac{64}{81}$$

**عُونِ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ العربي.** 

صفحة 1 من 2



مديريَّة التربيَّة لولاية الجلفة. 
$$rac{c}{Q}$$
 مديريَّة التربيَّة لولاية الجلفة.  $a\sqrt{C}+b\sqrt{rac{C}{2}}$  .أ. كتابة العدد  $a\sqrt{C}+b\sqrt{2}$ 

 $\overline{\mathring{f J}}$  کان:  $\overline{\mathcal{C}}=\overline{15}$ ، فیکون، لدینا:

$$\left( \underbrace{\frac{2}{a}}_{=b} \right) \quad a\sqrt{\mathcal{C}} + b\sqrt{\frac{\mathcal{C}}{2}} = a\sqrt{15} + b\sqrt{3}$$

في الحقيقة، لدينا:

$$\mathcal{D} = \sqrt{60} + 3\sqrt{240} - 4\sqrt{3} \left(2\sqrt{5} - 1\right)$$

$$= \sqrt{4 \times 15} + 3\sqrt{16 \times 15} - 4\sqrt{3} \left(2\sqrt{5}\right)$$

$$-4\sqrt{3} (-1)$$

$$= \sqrt{4} \times \sqrt{15} + 3\sqrt{16} \times \sqrt{15} - 4(-1)\sqrt{3}$$

$$= 2\sqrt{15} + 3 \times 4\sqrt{15} - 8\sqrt{3 \times 5} + 4\sqrt{3}$$

$$= 2\sqrt{15} + 12\sqrt{15} - 8\sqrt{15} + 4\sqrt{3}$$

$$= (2 + 12 - 8)\sqrt{15} + 4\sqrt{3}$$

$$= 6\sqrt{15} + 4\sqrt{3}$$

$$a=6$$
 .  $b=4$  وَ  $a=6$  : مع $oldsymbol{\mathcal{D}}$  .  $oldsymbol{\mathcal{D}}$ 

ره و من العداد حقیقیة. 
$$(a+b)$$
  $(c+d)$   $=$   $ac+ad+bc+bd$ 

$$\begin{vmatrix} 2\sqrt{3} \left(3\sqrt{5} + 2\right) = \left(2\sqrt{3}\right) \left(3\sqrt{5}\right) + \left(2\sqrt{3}\right) (2) \\ = (2\times3) \left(\sqrt{3}\times\sqrt{5}\right) + (2\times2)\sqrt{3} \\ = 6\sqrt{3\times5} + 4\sqrt{3} \\ = \underbrace{6\sqrt{15} + 4\sqrt{3}}_{=\mathcal{D}} \\ = \mathcal{D} \end{vmatrix}$$

# $: \mathcal{D}\left(3\sqrt{5}-2 ight) = 82\sqrt{3}:$ ج. تَبْیّین أَنَّ $: \mathcal{D}\left(3\sqrt{5}-2 ight)$ ج

$$\begin{vmatrix} \mathcal{D}\left(3\sqrt{5}-2\right) = 2\sqrt{3}\left(\frac{3\sqrt{5}}{2} + \frac{2}{2}\right)\left(\frac{3\sqrt{5}}{2} - \frac{2}{2}\right) & a\sqrt{C} + b\sqrt{\frac{C}{2}} = a\sqrt{15} + b\sqrt{3} \\ (a+b)(a-b)=(a)^2 - (b)^2 \\ 2\sqrt{3}\left[\left(3\sqrt{5}\right)^2 - (2)^2\right] & = 2\sqrt{3}\left[\left(3\right)^2\left(\sqrt{5}\right)^2 - 4\right] \\ = 2\sqrt{3}\left[9\times 5 - 4\right] \\ = 2\sqrt{3}\left[45 - 4\right] \\ = 2\sqrt{3}\left(45 - 4\right) \\ = 2\sqrt{3}\left(41\right) \\ = 82\sqrt{3} \end{aligned}$$

$$\begin{vmatrix} \mathcal{D} = \sqrt{60} + 3\sqrt{240} - 4\sqrt{3}\left(2\sqrt{5} - 4\sqrt{3}\right) \\ = \sqrt{4\times 15} + 3\sqrt{16\times 15} - 4\sqrt{3}\left(2\sqrt{5} - 4\sqrt{3}\right) \\ = \sqrt{4\times 15} + 3\sqrt{16\times 15} - 4\sqrt{3}\left(2\sqrt{5} - 4\sqrt{3}\right) \\ = \sqrt{4\times 15} + 3\sqrt{16\times 15} - 4\sqrt{3}\left(2\sqrt{5} - 4\sqrt{3}\right) \\ = \sqrt{4\times 15} + 3\sqrt{16\times 15} - 4\sqrt{3}\left(2\sqrt{5} - 4\sqrt{3}\right) \\ = \sqrt{4\times 15} + 3\sqrt{16\times 15} - 4\sqrt{3}\left(2\sqrt{5} - 4\sqrt{3}\right) \\ = \sqrt{4\times 15} + 3\sqrt{16\times 15} - 4\sqrt{3}\left(2\sqrt{5} - 4\sqrt{3}\right) \\ = \sqrt{4\times 15} + 3\sqrt{16\times 15} - 4\sqrt{3}\left(2\sqrt{5} - 4\sqrt{3}\right) \\ = \sqrt{4\times 15} + 3\sqrt{16\times 15} - 4\sqrt{3}\left(2\sqrt{5} - 4\sqrt{3}\right) \\ = \sqrt{4\times 15} + 3\sqrt{16\times 15} - 4\sqrt{3}\left(2\sqrt{5} - 4\sqrt{3}\right) \\ = \sqrt{4\times 15} + 3\sqrt{16\times 15} - 4\sqrt{3}\left(2\sqrt{5} - 4\sqrt{3}\right) \\ = \sqrt{4\times 15} + 3\sqrt{16\times 15} - 4\sqrt{3}\left(2\sqrt{5} - 4\sqrt{3}\right) \\ = \sqrt{4\times 15} + 3\sqrt{16\times 15} - 4\sqrt{3}\left(2\sqrt{5} - 4\sqrt{3}\right) \\ = \sqrt{4\times 15} + 3\sqrt{16\times 15} - 4\sqrt{3}\left(2\sqrt{5} - 4\sqrt{5}\right) \\ = \sqrt{4\times 15} + 3\sqrt{16\times 15} - 4\sqrt{3}\left(2\sqrt{5} - 4\sqrt{5}\right) \\ = \sqrt{4\times 15} + 3\sqrt{16\times 15} - 4\sqrt{3}\left(2\sqrt{5} - 4\sqrt{5}\right) \\ = \sqrt{4\times 15} + 3\sqrt{16\times 15} - 4\sqrt{3}\left(2\sqrt{5} - 4\sqrt{5}\right) \\ = \sqrt{4\times 15} + 3\sqrt{16\times 15} - 4\sqrt{3}\left(2\sqrt{5} - 4\sqrt{5}\right) \\ = \sqrt{4\times 15} + 3\sqrt{16\times 15} - 4\sqrt{3}\left(2\sqrt{5} - 4\sqrt{5}\right) \\ = \sqrt{4\times 15} + 3\sqrt{16\times 15} - 4\sqrt{3}\left(2\sqrt{5} - 4\sqrt{5}\right) \\ = \sqrt{4\times 15} + 3\sqrt{16\times 15} + 3\sqrt{16\times 15} - 4\sqrt{3}\left(2\sqrt{5} - 4\sqrt{5}\right) \\ = \sqrt{4\times 15} + 3\sqrt{16\times 15} + 3\sqrt{16\times 15} - 4\sqrt{3}\right)$$

د. جعل مقام 
$$rac{1}{\mathcal{D}\left(3\sqrt{5}-2
ight)}$$
 عددًا ناطقًا:

$$\frac{1}{\underbrace{\mathcal{D}\left(3\sqrt{5}-2\right)}_{=82\sqrt{3}}} = \frac{1}{82\sqrt{3}} = \frac{(1)\left(\sqrt{3}\right)}{\left(82\sqrt{3}\right)\left(\sqrt{3}\right)}$$
$$= \frac{\sqrt{3}}{82 \times \left(\sqrt{3}\right)^2} = \frac{\sqrt{3}}{82 \times 3} = \frac{\sqrt{3}}{246}$$

# وهُّوكم الله ولا تنسونا بالدعاء وجزاكم الله خيرًا.

## ○ طريقة 02 :

$$\mathcal{D} = 6\sqrt{15} + 4\sqrt{3} = 2 \times 3\sqrt{3 \times 5} + 2 \times 2\sqrt{3}$$

$$= 2 \times 3\sqrt{3} \times \sqrt{5} + 2 \times \left(2\sqrt{3}\right)$$

$$= 3\left(2\sqrt{3}\right) \times \sqrt{5} + 2\left(2\sqrt{3}\right)$$

$$= \left(2\sqrt{3}\right)\left(3\sqrt{5} + 2\right)$$

■ نجاحكم بتفوّق هُوَ غايتنا.